

ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО ЖЕЛЕЗНОДОРОЖНОГО ТРАНСПОРТА

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Иркутский государственный университет путей сообщения»  
(ФГБОУ ВО ИрГУПС)

УТВЕРЖДЕНА  
приказом ректора  
от «08» мая 2020 г. № 266-1

## Б1.Б.09 Математика

### рабочая программа дисциплины

Направление подготовки – 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов

Профиль подготовки – Сервисное обслуживание транспортно-технологических систем и комплексов

Программа подготовки – прикладной бакалавриат

Квалификация выпускника – бакалавр

Форма обучения – очная

Нормативный срок обучения – 4 года

Кафедра-разработчик программы – Математика

Общая трудоемкость в з.е. – 9

Формы промежуточной аттестации в семестрах:

Часов по учебному плану – 324

зачет – 1, экзамен – 2

#### Распределение часов дисциплины по семестрам

Семестр	1	2	Итого
Число недель в семестре	18	18	
Вид занятий	Часов по учебному плану	Часов по учебному плану	Часов по учебному плану
<b>Аудиторная контактная работа по видам учебных занятий</b>	<b>72</b>	<b>72</b>	<b>144</b>
– лекции	36	36	72
– практические (семинарские)	36	36	72
<b>Самостоятельная работа</b>	<b>72</b>	<b>72</b>	<b>144</b>
Экзамен		36	36
<b>Итого</b>	<b>144</b>	<b>180</b>	<b>324</b>

ИРКУТСК

<b>1 ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ</b>	
<b>1.1 Цели освоения дисциплины (модуля)</b>	
1	Формирование личности студента, развитие его интеллекта и способностей к логическому и алгоритмическому мышлению
2	Обучение основным математическим методам, необходимым для анализа и моделирования устройств, процессов и явлений, при поиске оптимальных решений для осуществления научно-технического прогресса и выбора наилучших способов реализации этих решений, методам обработки и анализа результатов численных и натуральных экспериментов
<b>1.2 Задачи освоения дисциплины (модуля)</b>	
1	Ознакомить студентов с максимальным числом математических понятий и методов
2	Продемонстрировать студентам сущность научного подхода, специфику математики и ее роль в решении практических задач на примерах математических понятий и методов
3	Научить студентов приемам исследования и решения математически формализованных задач
4	Выработать у студентов умение анализировать полученные результаты, привить им навыки самостоятельного изучения литературы по математике и ее приложениям
5	Ориентировать студентов на применение математических методов в профессиональной деятельности, на применение математических методов к решению прикладных математических задач
<b>1.3 Цель воспитания и задачи воспитательной работы в рамках дисциплины</b>	
<b>Профессионально-трудовое воспитание обучающихся</b>	
Цель профессионально-трудового воспитания – формирование у обучающихся осознанной профессиональной ориентации, понимания общественного смысла труда и значимости его для себя лично, ответственного, сознательного и творческого отношения к будущей деятельности, профессиональной этики, способности предвидеть изменения, которые могут возникнуть в профессиональной деятельности, и умению работать в изменённых, вновь созданных условиях труда.	
Цель достигается по мере решения в единстве следующих задач:	
– формирование сознательного отношения к выбранной профессии;	
– воспитание чести, гордости, любви к профессии, сознательного отношения к профессиональному долгу, понимаемому как личная ответственность и обязанность;	
– формирование психологи профессионала;	
– формирование профессиональной культуры, этики профессионального общения;	
– формирование социальной компетентности и другие задачи, связанные с имиджем профессии и авторитетом транспортной отрасли.	

<b>2 МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП</b>	
<b>2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося</b>	
1	Учебная дисциплина основывается на знаниях студентов, полученных при изучении математических дисциплин основной образовательной программы среднего общего образования
2	Учебная дисциплина имеет межпредметные связи с дисциплинами: Б1.Б.11 Физика; Б1.Б.12 Химия
<b>2.2 Дисциплины (модули) и практики, для которых изучение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее</b>	
1	Б1.Б.29 Теплотехника
2	Б1.В.06 Основы научных исследований
3	Б1.Б.14 Теоретическая механика
4	Б1.Б.16 Соппротивление материалов
5	Б1.Б.17 Теория механизмов и машин
6	Б1.Б.18 Детали машин и основы конструирования
7	Б1.Б.23 Общая электротехника и электроника
8	Б1.Б.29 Теплотехника
9	Б1.В.ДВ.09.01 Компьютерные технологии расчета и проектирования подвижного состава

<b>3 ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫЕ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ</b>	
<b>ОК-7: способностью к самоорганизации и самообразованию</b>	
<b>Минимальный уровень освоения компетенции</b>	
Знать	основные методы и средства самостоятельного получения информации в данной предметной области

Уметь	самостоятельно получать знания: работать с конспектами, учебником, учебно-методической, справочной литературой, другими источниками информации; воспринимать и осмысливать информацию; применять полученные знания для решения учебных задач; подводить итоги работы; выполнять самоконтроль; закреплять и расширять знания
Владеть	основами математической культуры мышления, логикой рассуждений, навыками самостоятельного получения информации в данной предметной области
<b>Базовый уровень освоения компетенции</b>	
Знать	основные методы и средства самостоятельного получения и анализа информации в данной предметной области
Уметь	самостоятельно получать знания: углублять знания, уточнять по признакам понятий, отделять существенные признаки от несущественных; уточнять границы использования знаний
Владеть	основами математической культуры мышления, логикой рассуждений, навыками самостоятельного получения и анализа информации в данной предметной области для решения задач, требующих выбора подходящего метода решения
<b>Высокий уровень освоения компетенции</b>	
Знать	основные методы и средства самостоятельного получения, анализа и обобщения информации в данной предметной области
Уметь	самостоятельно получать знания для решения задач творческого характера, задач повышенной сложности
Владеть	основами математической культуры мышления, логикой рассуждений, навыками самостоятельного получения, анализа и обобщения информации в данной предметной области для решения творческих задач с использованием известных математических методов и моделей, в том числе в профессиональной сфере деятельности

<b>ОПК-3: готовность применять систему фундаментальных знаний (математических, естественнонаучных, инженерных и экономических) для идентификации, формулирования и решения технических и технологических проблем эксплуатации транспортно-технологических машин и комплексов</b>	
<b>Минимальный уровень освоения компетенции</b>	
Знать	основы предметной области: знать основные определения и понятия; воспроизводить основные математические факты; распознавать математические объекты; понимать связь между различными математическими объектами
Уметь	решать задачи предметной области: решать типовые задачи по предложенным методам и алгоритмам, в том числе с использованием компьютерных математических программ; графически иллюстрировать задачу; оценивать достоверность полученного решения
Владеть	математическим языком предметной области: основными терминами, понятиями, определениями разделов математики; основными способами представления математической информации (аналитическим, графическим, символьным, словесным и др.)
<b>Базовый уровень освоения компетенции</b>	
Знать	основы предметной области: знать основные математические методы, применяемые для решения типовых задач
Уметь	решать задачи предметной области: выбирать метод и алгоритм для решения конкретной типовой задачи, аргументировать свой выбор; строить простейшие математические модели реальных процессов и ситуаций; применять компьютерные математические программы для решения задач
Владеть	математическим языком предметной области: корректно представлять знания в математической форме; записывать математическую постановку текстовой задачи
<b>Высокий уровень освоения компетенции</b>	
Знать	основы предметной области: иметь представление о математических методах, применяемых для решения творческих (исследовательских) задач
Уметь	решать задачи предметной области: оценивать различные методы решения задачи и выбирать оптимальный метод
Владеть	математическим языком предметной области: записывать результаты проведённых исследований в терминах предметной области

**В результате освоения дисциплины (модуля) обучающийся должен**

<b>Знать</b>	
1	основные понятия и различные формы представления комплексных чисел
2	основные понятия и методы линейной алгебры, векторной алгебры
3	основные понятия и методы аналитической геометрии на плоскости и в пространстве
4	основные понятия и методы математического анализа

5	основные понятия и методы дифференциального и интегрального исчисления функций одной и нескольких переменных, векторного анализа, элементы дифференциальной геометрии кривых и поверхностей
6	основные понятия и методы решения дифференциальных уравнений и систем
7	элементы дискретной математики
8	основы теории вероятностей
<b>Уметь</b>	
1	выполнять арифметические действия с действительными и комплексными числами в различных формах
2	вычислять определители, выполнять действия с матрицами, находить матрицу, обратную к данной, собственные значения и собственные векторы матрицы, находить ранг матрицы; исследовать на совместность и решать в случае совместности системы линейных алгебраических уравнений различными методами
3	находить координаты вектора с заданными концами, его длину; выполнять линейные операции с векторами, заданными в координатной форме или геометрически; применять векторы для решения задач аналитической геометрии
4	находить уравнения прямой на плоскости, плоскости в пространстве, прямой в пространстве; приводить уравнения кривых второго порядка к каноническому виду, определять тип кривой и изображать ее графически; определять тип поверхности второго порядка по каноническому уравнению
5	определять пределы отношений бесконечно малых или бесконечно больших функций
6	находить производные элементарных функций; выполнять исследование функций; строить графики функций; находить уравнения касательной прямой к плоским и пространственным кривым
7	находить первообразные, пользуясь таблицами неопределенных интегралов; вычислять средние значения функций, площади плоских фигур, длины дуг, криволинейные интегралы
8	решать дифференциальные уравнения первого порядка с разделяющимися переменными, линейные; находить общее решение линейных неоднородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами; сводить к уравнению первого порядка дифференциальные уравнения второго порядка специального вида; представлять дифференциальные уравнения n-го порядка в виде систем уравнений первого порядка, и наоборот
9	вычислять кратные интегралы по простым областям в декартовых, полярных, цилиндрических и сферических координатах
10	вычислять вероятность случайного события в классической модели, суммы и произведения случайных событий; вычислять числовые характеристики случайных величин - математическое ожидание, дисперсию, среднеквадратичное отклонение; уметь использовать формулы для классических законов распределения
<b>Владеть</b>	
1	математическим аппаратом дисциплины при решении стандартных задач
2	методами математического описания физических явлений и процессов, определяющих принципы работы различных технических устройств
3	методами математического анализа при проектировании и расчетах транспортных систем

#### 4 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Код занятия	Наименование разделов и тем /вид занятия/	Семестр	Часы	Код компетенции	Учебная литература, ресурсы сети «Интернет»
<b>Раздел 1. Линейная алгебра</b>					
1.1	Матрицы. Операции над матрицами, их свойства. Определители, вычисление, свойства определителей. Обратная матрица. Ранг матрицы. Базисный минор. Эквивалентные преобразования матриц. Два способа определения ранга матрицы /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Э1 Э2
1.2	Матрицы и определители /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Э1 Э2
1.3	Выполнение ИДЗ «Определители и матрицы» /Ср/	1	2	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Э1 Э2
1.4	Системы линейных алгебраических уравнений. Основные понятия. Теорема	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Э1 Э2

	Кронекера – Капелли. Методы решения систем уравнений: метод Гаусса, метод Крамера, матричный метод /Лек/				
1.5	Обратная матрица. Методы решения систем линейных уравнений методами Крамера, Гаусса, матричным /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Э1 Э2
1.6	Собственные значения и векторы матриц. Решение однородных систем /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Э1 Э2
1.7	Ранг матрицы. Исследование систем на совместность. Собственные значения и векторы матрицы /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Э1 Э2
1.8	Выполнение ИДЗ «Системы линейных алгебраических уравнений» /Ср/	1	2	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Э1 Э2
1.9	Подготовка к контрольной работе «Линейная алгебра» /Ср/	1	1	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Э1 Э2
1.10	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	1	2	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Э1 Э2
	<b>Раздел 2. Элементы векторной алгебры</b>				
2.1	Системы координат на прямой, плоскости и в пространстве. Пространства R2 и R3. Векторы, основные определения. Линейные операции над векторами в геометрической форме и координатной формах. Скалярное произведение векторов, его свойства, вычисление, приложения /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л 3.3 Э1 Э2
2.2	Действия над векторами в геометрической и координатной формах. Проекция вектора на ось. Длина вектора и направляющие косинусы. Скалярное произведение /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л 3.3 Э1 Э2
2.3	Векторное и смешанное произведения векторов, свойства, вычисление, приложения /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л 3.3 Э1 Э2
2.4	Векторное и смешанное произведения векторов. Приложения векторной алгебры /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л 3.3 Э1 Э2
2.5	Выполнение ИДЗ «Векторная алгебра» /Ср/	1	2	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л 3.3 Э1 Э2
2.6	Подготовка к контрольной работе «Векторная алгебра» /Ср/	1	1	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л 3.3 Э1 Э2
2.7	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	1	3	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л 3.3 Э1 Э2
	<b>Раздел 3. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве</b>				
3.1	Простейшие задачи аналитической геометрии. Общие понятия об уравнениях линии и поверхности. Прямая на плоскости /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.1 Л 3.3 Э1 Э2
3.2	Прямая на плоскости /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.1 Л 3.3 Э1 Э2
3.3	Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Их геометрические свойства и уравнения /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.1 Л 3.3 Э1 Э2
3.4	Кривые второго порядка /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.1 Л 3.3 Э1 Э2
3.5	Подготовка к тестированию /Ср/	1	1	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.1 Л 3.3 Э1 Э2
3.6	Подготовка к контрольной работе «Аналитическая геометрия» /Ср/	1	1	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.1 Л 3.3 Э1 Э2
3.7	Плоскость и прямая в пространстве.	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2

	Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве /Лек/				Л2.1 Л 3.3 Э1 Э2
3.8	Прямая и плоскость в пространстве /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.1 Л 3.3 Э1 Э2
3.9	Конспект «Цилиндрические и конические поверхности. Поверхности вращения. Поверхности второго порядка» /Ср/	1	3	ОК-7	Л1.1 Л1.2 Л2.1 Л 3.3 Э1 Э2
3.11	Выполнение РГР "Аналитическая геометрия" /Ср/	1	10	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.1 Л 3.3 Э1 Э2
3.12	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	1	3	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.1 Л 3.3 Э1 Э2
	<b>Раздел 4. Введение в математический анализ. Элементы теории функций одной переменной</b>				
4.1	Элементы теории функций. Классификация функций. Характеристика поведения функций, графики, различные способы задания линий /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л 3.1 Э1 Э2
4.2	Способы задания, классификация, характеристика поведения функции. Метод сдвига и деформации. Построение графиков функций, заданных параметрически и в полярной системе координат /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л 3.1 Э1 Э2
4.3	Предел последовательности и функции, свойства пределов. Замечательные пределы. Асимптоты /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л 3.1 Э1 Э2
4.4	Вычисление пределов /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л 3.1 Э1 Э2
4.5	Выполнение ИДЗ « Пределы» /Ср/	1	2	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л 3.1 Э1 Э2
4.6	Непрерывность функции. Классификация точек разрыва. Свойства непрерывных функций /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л 3.1 Э1 Э2
4.7	Исследование функций на непрерывность. Асимптоты /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л 3.1 Э1 Э2
4.8	Выполнение ИДЗ « Непрерывность. Точки разрыва функции» /Ср/	1	2	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л 3.1 Э1 Э2
4.9	Подготовка к контрольной работе «Основы математического анализа» /Ср/	1	1	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л 3.1 Э1 Э2
4.10	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	1	3	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л 3.1 Э1 Э2
	<b>Раздел 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной</b>				
5.1	Производная функции, ее геометрический и механический смысл. Правила дифференцирования функций. Таблица производных. Производные высших порядков /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
5.2	Дифференцирование функций /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
5.3	Дифференциал функции. Смысл и свойства дифференциалов. Приближенные вычисления с помощью дифференциала. Основные теоремы дифференциального	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2

	исчисления /Лек/				
5.4	Геометрический, механический смысл производной. Правила Лопиталя /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
5.5	Выполнение ИДЗ «Дифференциальное исчисление функции одной переменной» /Ср/	1	2	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
5.6	Подготовка к тестированию /Ср/	1	1	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
5.7	Формула Тейлора. Применение производных к исследованию поведения функций. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Общий план исследования функций и построения графиков /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
5.8	Экстремумы, точки перегиба. Полное исследование функции и построение графиков /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
5.9	Выполнение РГР «Приложения дифференциального исчисления. Исследование функций, построение графика» /Ср/	1	10	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
5.10	Конспект «Элементы дифференциальной геометрии кривых. Переходные кривые» /Ср/	1	3	ОК-7	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
5.11	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	1	4	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
	<b>Раздел 6. Интегральное исчисление функции одной переменной</b>				
6.1	Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица интегралов. Основные методы интегрирования /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
6.2	Подведение под знак дифференциала. Непосредственное интегрирование. Интегрирование подстановкой. Интегрирование по частям /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
6.3	Выполнение ИДЗ «Методы нахождения неопределенных интегралов» /Ср/	1	2	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
6.4	Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование тригонометрических дифференциалов, универсальная тригонометрическая подстановка. Интегрирование некоторых иррациональных выражений /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
6.5	Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование тригонометрических и иррациональных выражений /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
6.6	Задачи, приводящие к определенному интегралу. Определенный интеграл, его свойства и вычисление /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
6.7	Вычисление определенных интегралов /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
6.8	Конспект «Приложения интегрального исчисления» /Ср/	1	3	ОК-7	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
6.9	Несобственные, их свойства и вычисление /Лек/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
6.10	Несобственные интегралы /Пр/	1	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2

6.11	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	1	4	ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.2 Л2.3 Э1 Э2
6.12	Подготовка к зачету. /Ср/	1	4	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л2.1Л2.2 Л2.3 Л3.1 Л3.3 Э1 Э2
<b>Раздел 7. Комплексные числа</b>					
7.1	Комплексные числа в алгебраической, тригонометрической и показательной формах /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л3.2 Э1 Э2
7.2	Комплексные числа в алгебраической, тригонометрической и показательной формах /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л3.2 Э1 Э2
7.3	Выполнение ИДЗ «Комплексные числа» /Ср/	2	2	ОПК-3	Л1.2 Л3.2 Э1 Э2
7.4	Подготовка к контрольной работе «Комплексные числа» /Ср/	2	1	ОПК-3	Л1.2 Л3.2 Э1 Э2
7.5	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	2	4	ОПК-3	Л1.2 Л3.2 Э1 Э2
<b>Раздел 8. Дифференциальные уравнения и системы</b>					
8.1	Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Основные понятия теории дифференциальных уравнений первого порядка /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.2	Дифференциальные уравнения первого порядка /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.3	Выполнение ИДЗ «Дифференциальные уравнения 1 порядка» /Ср/	2	2	ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.4	Дифференциальные уравнения высших порядков. Уравнения, допускающие понижение порядка. Общая теория линейных дифференциальных уравнений. Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.5	Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения (ЛОДУ) с постоянными коэффициентами /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.6	Выполнение ИДЗ «Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка» /Ср/	2	2	ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.7	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения n-го порядка с постоянными коэффициентами. Структура общего решения. Метод вариации произвольных постоянных (метод Лагранжа). Метод неопределенных коэффициентов нахождения частного решения линейных неоднородных дифференциальных уравнений со специальной правой частью /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.8	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами со специальной правой частью /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.9	Выполнение ИДЗ «ЛОДУ и ЛНДУ с постоянными коэффициентами» /Ср/	2	2	ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4



					Э1 Э2
8.10	Системы дифференциальных уравнений. Численные методы решения дифференциальных уравнений /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.11	Метод Лагранжа решения линейных неоднородных дифференциальных уравнений (ЛНДУ) с постоянными коэффициентами. Системы дифференциальных уравнений /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.12	Подготовка к контрольной работе «Дифференциальные уравнения и системы» /Ср/	2	1	ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.13	Выполнение ИДЗ «Численные методы решения дифференциальных уравнений» /Ср/	2	2	ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
8.14	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	2	5	ОПК-3	Л 1.1 Л1.2 Л3.4 Э1 Э2
	<b>Раздел 9. Функции нескольких переменных</b>				
9.1	Функции нескольких переменных. Предел, непрерывность функции нескольких переменных. Частные производные функции нескольких переменных, полный дифференциал /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
9.2	Область определения функции двух переменных. Пределы и непрерывность функций нескольких переменных. Нахождение частных производных функции двух переменных /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
9.3	Экстремумы функции двух переменных, необходимые и достаточные условия существования экстремума. Условный экстремум. Наименьшее и наибольшее значения функции в замкнутой области. Касательная и нормаль к поверхности /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
9.4	Нахождение экстремумов функций двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
9.5	Скалярное поле. Поверхности и линии уровней скалярного поля. Производная по направлению. Градиент скалярного поля, его свойства /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
9.6	Полный дифференциал. Применение дифференциала в приближенных вычислениях. Касательная и нормаль. Производная скалярного поля по направлению. Градиент /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
9.7	Выполнение ИДЗ «Функции нескольких переменных» /Ср/	2	2	ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
9.8	Подготовка к контрольной работе «Функции нескольких переменных» /Ср/	2	1	ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
9.9	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	2	4	ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
	<b>Раздел 10. Кратные и криволинейные интегралы</b>				
10.1	Общая схема построения интеграла по области. Геометрический и механический смысл. Основные свойства. Вычисление и приложения кратных интегралов. Замена	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2

	переменных в кратных интегралах /Лек/				
10.2	Кратные интегралы, их приложения к задачам геометрии, физики, механики /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
10.3	Криволинейные и поверхностные интегралы /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
10.4	Криволинейные и поверхностные интегралы /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
10.5	Элементы векторного анализа /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
10.6	Элементы векторного анализа /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
10.7	Выполнение РГР «Кратные и криволинейные интегралы. Векторный анализ» /Ср/	2	10	ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
10.8	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	2	5	ОПК-3	Л1.2 Л2.2 Л2.3 Л3.5 Э1 Э2
	<b>Раздел 11. Элементы комбинаторики и теории множеств</b>				
11.1	Случайные события. Алгебра событий, классификация событий в терминах теории вероятностей и теории множеств /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
11.2	Элементы комбинаторики и теории множеств /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
11.3	Выполнение ИДЗ «Элементы комбинаторики» /Ср/	2	2	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
11.4	Подготовка к контрольной работе «Комбинаторика» /Ср/	2	1	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
11.5	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	2	3	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
	<b>Раздел 12. Случайные события</b>				
12.1	Элементарная теория вероятностей и ее математические основы: различные подходы к определению вероятности события /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
12.2	Алгебра случайных событий (СС). Вычисление вероятностей случайных событий по определению /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
12.3	Выполнение ИДЗ «Алгебра событий» /Ср/	2	2	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
12.4	Подготовка к контрольной работе «Алгебра событий» /Ср/	2	1	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
12.5	Теоремы сложения и умножения вероятностей. Условные вероятности. Формула полной вероятности. Формулы Байеса /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
12.6	Вычисление вероятностей по теоремам сложения, умножения. Формула полной вероятности и формулы Байеса /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
12.7	Последовательность независимых испытаний Бернулли. Формула Бернулли. Предельные теоремы в схеме Бернулли /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
12.8	Схема Бернулли. Обзорное занятие по случайным событиям /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
12.9	Выполнение ИДЗ «Случайные события» /Ср/	2	2	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
12.10	Подготовка к контрольной работе «Случайные события» /Ср/	2	1	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2

12.11	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	2	5	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
<b>Раздел 13. Случайные величины</b>					
13.1	Случайные величины. Формы закона распределения дискретной и непрерывной случайных величин. Основные числовые характеристики случайных величин /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
13.2	Дискретные и непрерывные случайные величины, способы задания, числовые характеристики /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
13.3	Классические законы дискретных и непрерывных случайных величин /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
13.4	Классические законы распределения дискретных и непрерывных случайных величин /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
13.5	Выполнение ИДЗ «Случайные величины» /Ср/	2	2	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
13.6	Нормальное распределение. Закон больших чисел. Центральная предельная теорема /Лек/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
13.7	Подготовка к контрольной работе «Случайные величины» /Ср/	2	1	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
13.8	Решение задач, опирающихся на закон больших чисел и центральную предельную теорему. Обзорное занятие по случайным величинам /Пр/	2	2	ОК-7 ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
13.9	Конспект "Двумерные случайные величины" /Ср/	2	3	ОК-7	Л1.3 Э1 Э2
13.10	Выполнение ИДЗ "Двумерные случайные величины" /Ср/	2	2	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
13.11	Проработка лекционного материала и подготовка к практическим занятиям. /Ср/	2	4	ОПК-3	Л1.3 Э1 Э2
13.12	Подготовка к экзамену /Экзамен/	2	36	ОК-7 ОПК-3	Л1.1 Л1.2 Л1.3 Л2.1 Л2.2 Л2.3 Л3.1 Л3.2 Л3.3 Л3.4 Л3.5 Э1 Э2

**5 ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ  
ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ  
АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по дисциплине разрабатывается в соответствии с Положением о формировании фондов оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной и государственной итоговой аттестации № П.312000.06.7.188-2017.

Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по данной дисциплине оформляется в виде приложения № 1 к рабочей программе дисциплины и размещаются в электронной информационно-образовательной среде Университета, доступной обучающемуся через его личный кабинет.

**6 УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ДИСЦИПЛИНЫ**

**6.1 Учебная литература**

**6.1.1 Основная литература**

	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год издания	Кол-во экз. в библиотеке/ 100% онлайн
Л1.1	Шипачев В.С.	Высшая математика: учеб. Для вузов	М.: Высш. Шк., 2003	188

Л1.2	Письменный Д.Т.	Конспект лекций по высшей математике	М.: Айрис пресс, 2014	74
Л1.3	Гмурман В.Е.	Теория вероятностей и математическая статистика: учеб. Пособие	М.: Высш. Шк., 2003	71
<b>6.1.2 Дополнительная литература</b>				
	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год издания	Кол-во экз. в библиотеке/ 100% онлайн
Л2.1	Клетеник Д.В., Ефимов Н.В.	Сборник задач по аналитической геометрии: учеб. Пособие	СПб.; М.; Краснодар: Лань, 2016	37
Л2.2	Запорожец Г.И.	Руководство к решению задач по математическому анализу: учеб. Пособие	СПб.: Лань, 2010	391
Л2.3	Берман Г.Н.	Сборник задач по курсу математического анализа: учеб. Пособие	М.: Альянс, 2015	27
<b>6.1.3 Методические разработки</b>				
	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год издания/ Личный кабинет обучающегося	Кол-во экз. в библиотеке/ 100% онлайн
Л3.1	Синеговская Т.С., Банина Н.В.	Начала математического анализа: учеб. Пособие	Иркутск: ИрГУПС, 2007	454
Л3.2	Толстых О.Д., Гозбенко В.Е.	Комплексные числа (с приложениями к задачам электротехники): текст лекций и рук. к практ. занятиям	Иркутск: ИрГУПС, 2010	485
Л3.3	Петрякова Е.А., Алексеева Т.Л.	Векторная алгебра. Аналитическая геометрия: учеб. пособие по дисциплинам "Математика", "Алгебра и геометрия"	Иркутск: ИрГУПС, 2010	278
Л3.4	Банина Н.В., Гозбенко В.Е.	Системы дифференциальных уравнений и устойчивость их решений: учеб. пособие по дисциплине "Математика" для студентов всех специальностей	Иркутск: ИрГУПС, 2009	
Л3.5	Петрякова Е.А., Алексеева Т.Л.	Кратные и криволинейные интегралы: учеб. пособие	Иркутск: ИрГУПС, 2008	474
<b>6.1.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине</b>				
	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год издания/ Личный кабинет обучающегося	Кол-во экз. в библиотеке/ 100% онлайн
Л4.1				
Л4.2				
<b>6.2 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»</b>				
Э.1	Сайт кафедры «Математика» ( <a href="http://www.irgups.ru/web-edu/~vm/">http://www.irgups.ru/web-edu/~vm/</a> ).			
Э.2	Сайт электронно-библиотечной системы «Университетская библиотека онлайн» ( <a href="http://www.biblioclub.ru">http://www.biblioclub.ru</a> ).			
<b>6.3 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)</b>				
<b>6.3.1 Перечень базового программного обеспечения</b>				
6.3.1.1	ОС Microsoft Windows XP Professional with Service Pack 2, лицензия Open License, количество - 427.			
6.3.1.2	Офисный пакет Microsoft Office 2010, OpenLicense, количество – 155.			
<b>6.3.2 Перечень специализированного программного обеспечения</b>				
6.3.2.1	Не предусмотрено			
<b>6.3.3 Перечень информационных справочных систем</b>				
6.3.3.1	Электронная библиотека Университета ( <a href="http://www.irgups.ru/ntb">http://www.irgups.ru/ntb</a> ).			
6.3.3.2	Математическая энциклопедия (проект электронно-библиотечной системы «Университетская библиотека онлайн» ( <a href="https://enc.biblioclub.ru/Encyclopedia/128_Matematicheskaya_enciklopediya">https://enc.biblioclub.ru/Encyclopedia/128_Matematicheskaya_enciklopediya</a> )).			
6.3.3.3	Единое окно доступа к образовательным ресурсам ( <a href="http://window.edu.ru/catalog/?p_rubr=2.1">http://window.edu.ru/catalog/?p_rubr=2.1</a> ).			

<b>7 ОПИСАНИЕ МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ БАЗЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ</b>	
1	Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованные специализированной мебелью.
2	<p>Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой, подключенной к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду ИрГУПС.</p> <p>Помещения для самостоятельной работы обучающихся:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– читальные залы;</li> <li>– учебные залы вычислительной техники А-401, А-509, А-513, А-516, Д-501, Д-503, Д-505, Д-507.</li> </ul>

<b>8 МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ</b>	
<p>Дисциплина "Математика" призвана познакомить студента с максимальным числом математических понятий и методов, продемонстрировать сущность научного подхода, специфику математики и ее роль в решении практических задач на примерах математических понятий и методов, научить приемам исследования и решения математически формализованных задач, выработать умение анализировать полученные результаты, привить навыки самостоятельного изучения литературы по математике и ее приложениям, ориентировать на применение математических методов в профессиональной деятельности, на применение математических методов к решению прикладных математических задач.</p> <p>Основной составной частью учебного процесса в изучении дисциплины «Математика» являются лекционные и практические занятия.</p>	
Вид учебной деятельности	Организация учебной деятельности обучающегося
Лекция	<p>Лекция (от латинского «lection» – чтение) – вид аудиторных учебных занятий, который закладывает основы научных знаний в систематизированной, последовательной, обобщенной форме; лекция раскрывает состояние и перспективы развития соответствующей области науки и техники, концентрирует внимание студентов на наиболее сложных, узловых вопросах, стимулирует познавательную активность обучающихся.</p> <p>Во время лекционных занятий студент должен уметь сконцентрировать внимание на изучаемых проблемах и включить в работу все виды памяти: словесную, образную и моторно-двигательную. Для этого весь материал, излагаемый преподавателем, студенту необходимо конспектировать. В конспект рекомендуется выписывать определения, формулировки и доказательства теорем, формулы и т.п. На полях конспекта следует пометить вопросы, выделенные студентом для консультации с преподавателем. Выводы, полученные в виде формул, а также алгоритмы решения тех или иных классов задач рекомендуется в конспекте подчеркивать или обводить рамкой, чтобы при изучении конспекта они выделялись и лучше запоминались. Полезно составить краткий справочник, содержащий определения важнейших понятий и наиболее часто употребляемые формулы дисциплины. К каждой лекции следует разобрать материал предыдущей лекции. Изучая материал по учебнику или конспекту лекций, следует переходить к следующему вопросу только в том случае, когда хорошо усвоен предыдущий вопрос. При этом необходимо воспроизводить на бумаге все рассуждения, как имеющиеся, так и пропущенные в силу их простоты. Ряд вопросов дисциплины может быть вынесен на самостоятельное изучение. Такое задание требует оперативного выполнения. В конспекте лекций необходимо оставить место для освещения упомянутых вопросов. Обозначить вопросы, термины, материал, который вызывает трудности, пометить и попытаться найти ответ в рекомендуемой литературе. Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, то необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на консультации, на практическом занятии.</p>
Практическое занятие	<p>Практическое занятие – вид аудиторных учебных занятий, целенаправленная форма организации учебного процесса, при реализации которой обучающиеся по заданию и под руководством преподавателя выполняют практические задания. Практические задания направлены на углубление научно-теоретических знаний и овладение определенными методами работы, в процессе которых вырабатываются</p>

	<p>умения и навыки выполнения тех или иных учебных действий в данной сфере науки. Практические занятия развивают научное мышление и речь, позволяют проверить знания обучающихся, выступают как средства оперативной обратной связи; цель практических занятий – углублять, расширять, детализировать знания, полученные на лекции, в обобщенной форме и содействовать выработке навыков профессиональной деятельности.</p> <p>На практических занятиях подробно рассматриваются основные вопросы дисциплины, разбираются основные типы задач. К каждому практическому занятию следует заранее самостоятельно выполнить домашнее задание и выучить лекционный материал к следующей теме. Систематическое выполнение домашних заданий обязательно и является важным фактором, способствующим успешному усвоению дисциплины. Студент должен подробно разбирать примеры, которые поясняют понятия, и уметь строить аналогичные примеры самостоятельно. Это является одним из важных условий усвоения дисциплины.</p>
<p>Для эффективного освоения дисциплины «Математика» процесс изучения материала курса предполагает достаточно интенсивную самостоятельную внеаудиторную работу, которая включает в себя выполнение индивидуальных домашних заданий и общих домашних заданий, тестирование по каждому разделу дисциплины. Для успешного выполнения домашних заданий следует обратиться к задачам, решенным на предыдущих практических занятиях, решенным домашним работам, а также к примерам, приводимым лектором. Если этого будет недостаточно для выполнения всей работы можно дополнительно воспользоваться учебными пособиями, приведенными в разделах основная и дополнительная литература. Если, несмотря на изученный материал, задание выполнить не удастся, то в обязательном порядке необходимо посетить консультацию преподавателя, ведущего практические занятия или лектора по дисциплине.</p>	
<p>Комплекс учебно-методических материалов по всем видам учебной деятельности, предусмотренным рабочей программой дисциплины (модуля), размещен в электронной информационно-образовательной среде ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет.</p>	

**Приложение 1 к рабочей программе по дисциплине  
Б1.Б.09 «Математика»**

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ  
для проведения текущего контроля успеваемости  
и промежуточной аттестации по дисциплине  
Б1.Б.09 «Математика»**

# 1 Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Дисциплина «Математика» участвует в формировании компетенции:

**ОК-7:** способность к самоорганизации и самообразованию;

**ОПК-3:** готовность применять систему фундаментальных знаний (математических, естественнонаучных, инженерных и экономических) для идентификации, формулирования и решения технических и технологических проблем эксплуатации транспортно-технологических машин и комплексов.

**Таблица траекторий формирования у обучающихся компетенций ОК-7, ОПК-3  
при освоении образовательной программы**

Код компетенции	Наименование компетенции	Индекс и наименование дисциплин (модулей)/ практик, участвующих в формировании компетенции	Семестр изучения дисциплины	Этапы формирования компетенции
ОК-7	способность к самоорганизации и самообразованию	Б1.Б.29 Теплотехника	3	3
		Б1.В.06 Основы научных исследований	3	3
ОПК-3	готовность применять систему фундаментальных знаний (математических, естественнонаучных, инженерных и экономических) для идентификации, формулирования и решения технических и технологических проблем эксплуатации транспортно-технологических машин и комплексов	Б1.Б.11 Физика	2	2
		Б1.Б.12 Химия	1	1
		Б1.Б.14 Теоретическая механика	3	3
		Б1.Б.16 Сопротивление материалов	4	4
		Б1.Б.17 Теория механизмов и машин	4	4
		Б1.Б.18 Детали машин и основы конструирования	5	5
		Б1.Б.23 Общая электротехника и электроника	3	3
Б1.В.ДВ.09.01 Компьютерные технологии расчета и проектирования подвижного состава	7	6		

**Таблица соответствия уровней освоения компетенций ОК-7, ОПК-3  
планируемым результатам обучения**

Код компетенции	Наименование компетенции	Наименования разделов дисциплины (модуля)/практики	Уровни освоения компетенций	Планируемые результаты обучения (показатели достижения заданного уровня освоения компетенции)
ОК-7	способность к самоорганизации и самообразованию	1 Линейная алгебра 2 Элементы векторной алгебры 3 Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве 4 Введение в математический анализ 5 Дифференциальное исчисление функции одной переменной	Минимальный уровень	Знать: основные методы и средства самостоятельного получения информации в данной предметной области Уметь: самостоятельно получать знания: работать с конспектами, учебником, учебно-методической, справочной литературой, другими источниками информации; воспринимать и осмысливать информацию; применять полученные знания для решения учебных задач; подводить итоги работы; выполнять



		6 Интегральное исчисление функции одной переменной 7 Комплексные числа 8 Дифференциальные уравнения и системы 9 Функции нескольких переменных 10 Кратные и криволинейные интегралы 11 Элементы комбинаторики и теории множеств 12 Случайные события 13 Случайные величины		самоконтроль; закреплять и расширять знания Владеть: основами математической культуры мышления, логикой рассуждений, навыками самостоятельного получения информации в данной предметной области
			Базовый уровень	Знать: основные методы и средства самостоятельного получения и анализа информации в данной предметной области Уметь: самостоятельно получать знания: углублять знания, уточнять по признакам понятий, отделять существенные признаки от несущественных; уточнять границы использования знаний Владеть: основами математической культуры мышления, логикой рассуждений, навыками самостоятельного получения и анализа информации в данной предметной области для решения задач, требующих выбора подходящего метода решения
			Высокий уровень	Знать: основные методы и средства самостоятельного получения, анализа и обобщения информации в данной предметной области Уметь: самостоятельно получать знания для решения задач творческого характера, задач повышенной сложности Владеть: основами математической культуры мышления, логикой рассуждений, навыками самостоятельного получения, анализа и обобщения информации в данной предметной области для решения творческих задач с использованием известных математических методов и моделей, в том числе в профессиональной сфере деятельности
ОПК-3	готовность применять систему фундаментальных знаний (математических, естественнонаучных, инженерных и экономических) для	1 Линейная алгебра 2 Элементы векторной алгебры 3 Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве 4 Введение в	Минимальный уровень	Знать: основы предметной области: знать основные определения и понятия; воспроизводить основные математические факты; распознавать математические объекты; понимать связь между различными математическими

	идентификации, формулирования и решения технических и технологических проблем эксплуатации транспортно-технологических машин и комплексов	<p>математический анализ</p> <p>5 Дифференциальное исчисление функции одной переменной</p> <p>6 Интегральное исчисление функции одной переменной</p> <p>7 Комплексные числа</p> <p>8 Дифференциальные уравнения и системы</p> <p>9 Функции нескольких переменных</p> <p>10 Кратные и криволинейные интегралы</p> <p>11 Элементы комбинаторики и теории множеств</p> <p>12 Случайные события</p> <p>13 Случайные величины</p>		объектами
				Уметь: решать задачи предметной области: решать типовые задачи по предложенным методам и алгоритмам, в том числе с использованием компьютерных математических программ; графически иллюстрировать задачу; оценивать достоверность полученного решения
				Владеть: математическим языком предметной области: основными терминами, понятиями, определениями разделов математики; основными способами представления математической информации (аналитическим, графическим, символьным, словесным и др.)
			Базовый уровень	Знать: основы предметной области: знать основные математические методы, применяемые для решения типовых задач
				Уметь: решать задачи предметной области: выбирать метод и алгоритм для решения конкретной типовой задачи, аргументировать свой выбор; строить простейшие математические модели реальных процессов и ситуаций; применять компьютерные математические программы для решения задач
				Владеть: математическим языком предметной области: корректно представлять знания в математической форме; записывать математическую постановку текстовой задачи
			Высокий уровень	Знать: основы предметной области: иметь представление о математических методах, применяемых для решения творческих (исследовательских) задач
				Уметь: решать задачи предметной области: оценивать различные методы решения задачи и выбирать оптимальный метод
				Владеть: математическим языком предметной области: записывать результаты проведённых исследований в терминах предметной области

**Программа контрольно-оценочных мероприятий**

**за период изучения дисциплины**

№	Неделя	Наименование контрольно-оценочного мероприятия	Объект контроля (понятия, тема / раздел дисциплины, компетенция, и т.д.)	Наименование оценочного средства (форма проведения)
<b>I семестр</b>				
1	1	Текущий контроль	Тема: «Определители и матрицы»	ОПК-3 Индивидуальное домашнее задание (письменно)
2	3	Текущий контроль	Тема: «Системы линейных алгебраических уравнений»	ОПК-3 Индивидуальное домашнее задание (письменно)
3	3	Текущий контроль	Тема: «Линейная алгебра»	ОПК-3 Контрольная работа (письменно)
4	5	Текущий контроль	Тема: «Элементы векторной алгебры»	ОПК-3 Индивидуальное домашнее задание (письменно)
5	5	Текущий контроль	Тема: «Элементы векторной алгебры»	ОПК-3 Контрольная работа (письменно)
6	7	Текущий контроль	Тема: «Аналитическая геометрия»	ОПК-3 Тестирование (компьютерные технологии)
7	7	Текущий контроль	Тема: «Аналитическая геометрия»	ОПК-3 Контрольная работа (письменно)
8	8	Текущий контроль	Тема: «Цилиндрические и конические поверхности. Поверхности вращения. Поверхности второго порядка»	ОК-7 Конспект (письменно)
9	8	Текущий контроль	Тема: «Аналитическая геометрия»	ОПК-3 Расчетно-графическая работа (письменно)
10	10	Текущий контроль	Тема: «Пределы»	ОПК-3 Индивидуальное домашнее задание (письменно)
11	11	Текущий контроль	Тема: «Непрерывность. Точки разрыва функции»	ОПК-3 Индивидуальное домашнее задание (письменно)
12	11	Текущий контроль	Тема: «Основы математического анализа»	ОПК-3 Контрольная работа (письменно)
13	13	Текущий контроль	Тема: «Дифференциальное исчисление функции одной переменной»	ОПК-3 Индивидуальное домашнее задание (письменно)
14	13	Текущий контроль	Тема: «Дифференциальное исчисление функции одной переменной»	ОПК-3 Тестирование (компьютерные технологии)
15	14	Текущий контроль	Тема: «Приложения дифференциального исчисления. Исследование функций, построение графика»	ОПК-3 Расчетно-графическая работа (письменно)
16	15	Текущий контроль	Тема: «Методы нахождения неопределенных интегралов»	ОПК-3 Индивидуальное домашнее задание (письменно)
17	16	Текущий контроль	Тема: «Приложения интегрального исчисления»	ОК-7 Конспект (письменно)
18	18	Промежуточная аттестация – зачет	Разделы: 1 Линейная алгебра. 2 Элементы векторной алгебры. 3 Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве. 4 Введение в математический анализ. 5 Дифференциальное исчисление функции одной переменной.	ОК-7 ОПК-3 Собеседование (устно)

			6 Интегральное исчисление функции одной переменной.		
<b>II семестр</b>					
1	1	Текущий контроль	Тема: «Комплексные числа»	ОПК-3	Индивидуальное домашнее задание (письменно)
2	1	Текущий контроль	Тема: «Комплексные числа»	ОПК-3	Контрольная работа (письменно)
3	2	Текущий контроль	Тема: «Дифференциальные уравнения первого порядка»	ОПК-3	Индивидуальное домашнее задание (письменно)
4	3	Текущий контроль	Тема: «Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка»	ОПК-3	Индивидуальное домашнее задание (письменно)
5	4	Текущий контроль	Тема: «Линейные однородные и неоднородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами»	ОПК-3	Индивидуальное домашнее задание (письменно)
6	5	Текущий контроль	Тема: «Дифференциальные уравнения и системы»	ОПК-3	Контрольная работа (письменно)
7	5	Текущий контроль	Тема: «Численные методы решения дифференциальных уравнений»	ОПК-3	Индивидуальное домашнее задание (письменно)
8	7	Текущий контроль	Тема: «Функции нескольких переменных»	ОПК-3	Индивидуальное домашнее задание (письменно)
9	8	Текущий контроль	Тема: «Функции нескольких переменных»	ОПК-3	Контрольная работа (письменно)
10	10	Текущий контроль	Тема: «Кратные и криволинейные интегралы»	ОПК-3	Расчетно-графическая работа (письменно)
11	12	Текущий контроль	Тема: «Элементы комбинаторики»	ОПК-3	Индивидуальное домашнее задание (письменно)
12	12	Текущий контроль	Тема: «Комбинаторика»	ОПК-3	Контрольная работа (письменно)
13	13	Текущий контроль	Тема: «Алгебра событий»	ОПК-3	Индивидуальное домашнее задание (письменно)
14	13	Текущий контроль	Тема: «Алгебра событий»	ОПК-3	Контрольная работа (письменно)
15	14	Текущий контроль	Тема: «Случайные события»	ОПК-3	Индивидуальное домашнее задание (письменно)
16	14	Текущий контроль	Тема: «Случайные события»	ОПК-3	Контрольная работа (письменно)
17	16	Текущий контроль	Тема: «Случайные величины»	ОПК-3	Индивидуальное домашнее задание (письменно)
18	17	Текущий контроль	Тема: «Случайные величины»	ОПК-3	Контрольная работа (письменно)
19	19-21	Промежуточная аттестация – экзамен	Разделы: 7 Комплексные числа 8 Дифференциальные уравнения и системы. 9 Функции нескольких переменных. 10 Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы. 11 Элементы комбинаторики и теории множеств. 12 Случайные события. 13 Случайные величины.	ОК-7 ОПК-3	Собеседование (устно)

## 2 Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Контроль качества освоения дисциплины включает в себя текущий контроль успеваемости и промежуточную аттестацию. Текущий контроль успеваемости и промежуточная аттестация обучающихся проводятся в целях установления соответствия достижений обучающихся поэтапным требованиям образовательной программы к результатам обучения и формирования компетенций.

Текущий контроль успеваемости – основной вид систематической проверки знаний, умений, навыков обучающихся. Задача текущего контроля – оперативное и регулярное управление учебной деятельностью обучающихся на основе обратной связи и корректировки. Результаты оценивания учитываются в виде средней оценки при проведении промежуточной аттестации.

Для оценивания результатов обучения используется четырехбалльная шкала: «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно» и/или двухбалльная шкала: «зачтено», «не зачтено».

Перечень оценочных средств, используемых для оценивания компетенций на различных этапах их формирования, а так же краткая характеристика этих средств приведены в таблице

№	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в ФОС
1	Расчетно-графическая работа (РГР)	Средство для проверки умений применять полученные знания по заранее определенной методике для решения задач или заданий по разделу дисциплины. Может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся	Комплекты заданий для выполнения расчетно-графических работ по темам/разделам дисциплины
2	Индивидуальное домашнее задание (ИДЗ)	Средство для проверки умений применять полученные знания по заранее определенной методике для решения задач или заданий по отдельной теме раздела дисциплины. Может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и опыта деятельности обучающихся	Комплекты заданий для выполнения индивидуальных домашних заданий по темам/разделам дисциплины
3	Контрольная работа (КР)	Средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме или разделу. Может быть использовано для оценки знаний и умений обучающихся	Комплекты контрольных заданий по темам дисциплины (не менее двух вариантов)
4	Конспект	Средство, позволяющее формировать и оценивать способность обучающегося к восприятию, обобщению и анализу информации. Может быть использовано для оценки знаний и умений обучающихся	Темы конспектов по дисциплине
5	Тест	Система стандартизированных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений обучающегося. Может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся	Фонд тестовых заданий
6	Зачет (дифференцированный зачет)	Средство, позволяющее оценить знания, умения, навыки и (или) опыта деятельности обучающегося по дисциплине. Может быть использовано для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности обучающихся	Перечень теоретических вопросов и практических заданий (билетов) к зачету
7	Экзамен	Средство, позволяющее оценить знания, умения, навыки и (или) опыта деятельности обучающегося по дисциплине. Может быть использовано для оценки знаний, умений,	Перечень теоретических вопросов и

	навыков и (или) опыта деятельности обучающихся	практических заданий (билетов) к экзамену
--	--	---

**Критерии и шкалы оценивания компетенций в результате изучения дисциплины при проведении промежуточной аттестации в форме зачета и экзамена, а также шкала для оценивания уровня освоения компетенций**

Шкалы оценивания		Критерии оценивания	Уровень освоения компетенций
«отлично»	«зачтено»	Обучающийся правильно ответил на теоретические вопросы. Показал отличные знания в рамках учебного материала. Правильно выполнил практические задания. Показал отличные умения и владения навыками применения полученных знаний и умений при решении задач в рамках учебного материала. Ответил на все дополнительные вопросы	Высокий
«хорошо»		Обучающийся с небольшими неточностями ответил на теоретические вопросы. Показал хорошие знания в рамках учебного материала. С небольшими неточностями выполнил практические задания. Показал хорошие умения и владения навыками применения полученных знаний и умений при решении задач в рамках учебного материала. Ответил на большинство дополнительных вопросов	Базовый
«удовлетворительно»		Обучающийся с существенными неточностями ответил на теоретические вопросы. Показал удовлетворительные знания в рамках учебного материала. С существенными неточностями выполнил практические задания. Показал удовлетворительные умения и владения навыками применения полученных знаний и умений при решении задач в рамках учебного материала. Допустил много неточностей при ответе на дополнительные вопросы	Минимальный
«неудовлетворительно»	«не зачтено»	Обучающийся при ответе на теоретические вопросы и при выполнении практических заданий продемонстрировал недостаточный уровень знаний и умений при решении задач в рамках учебного материала. При ответах на дополнительные вопросы было допущено множество неправильных ответов	Компетенции не сформированы

**Критерии и шкалы оценивания результатов обучения при проведении текущего контроля успеваемости**

**Расчетно-графическая работа (РГР)**

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«отлично»	Обучающийся полностью и правильно выполнил задание РГР. Показал отличные знания, умения и владения навыками применения их при решении задач в рамках усвоенного учебного материала. РГР оформлена аккуратно и в соответствии с предъявляемыми требованиями
«хорошо»	Обучающийся выполнил задание РГР с небольшими неточностями. Показал хорошие знания, умения и владения навыками применения их при решении задач в рамках усвоенного учебного материала. Есть недостатки в оформлении РГР
«удовлетворительно»	Обучающийся выполнил задание РГР с существенными неточностями. Показал удовлетворительные знания, умения и владения навыками применения их при решении задач в рамках усвоенного учебного материала. Качество оформления

	РГР имеет недостаточный уровень
«неудовлетворительно»	При выполнении РГР обучающийся продемонстрировал недостаточный уровень знаний, умений и владения ими при решении задач в рамках усвоенного учебного материала

### Индивидуальное домашнее задание (ИДЗ)

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«отлично»	Обучающийся полностью и правильно выполнил задание. Показал отличные знания, умения и владения навыками применения их при решении задач в рамках усвоенного учебного материала
«хорошо»	Обучающийся выполнил задание с небольшими неточностями. Показал хорошие знания, умения и владения навыками применения их при решении задач в рамках усвоенного учебного материала
«удовлетворительно»	Обучающийся выполнил задание с существенными неточностями. Показал удовлетворительные знания, умения и владения навыками применения их при решении задач в рамках усвоенного учебного материала
«неудовлетворительно»	При выполнении ИДЗ обучающийся продемонстрировал недостаточный уровень знаний, умений и владения ими при решении задач в рамках усвоенного учебного материала

### Контрольная работа (КР)

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«отлично»	Полное раскрытие темы, указание точных названий и определений, правильная формулировка понятий и категорий, приведены все необходимые формулы, соответствующая статистика и т.п., все задания выполнены верно (все задачи решены правильно)
«хорошо»	Недостаточно полное раскрытие темы, одна-две несущественные ошибки в определении понятий и категорий, в формулах, статистических данных и т. п., кардинально не меняющие суть изложения, наличие незначительного количества грамматических и стилистических ошибок, одна-две несущественные погрешности при выполнении заданий или в решениях задач
«удовлетворительно»	Ответ отражает лишь общее направление изложения лекционного материала, наличие более двух несущественных или одной-двух существенных ошибок в определении понятий и категорий, формулах, статистических данных и т. п.; большое количество грамматических и стилистических ошибок, одна-две существенные ошибки при выполнении заданий или в решениях задач
«неудовлетворительно»	Обучающийся демонстрирует слабое понимание программного материала. Тема не раскрыта, более двух существенных ошибок в определении понятий и категорий, в формулах, статистических данных, при выполнении заданий или в решениях задач, наличие грамматических и стилистических ошибок и др. Нет ответа. Не было попытки выполнить задание

### Конспект

Шкала оценивания	Критерии оценивания
«отлично»	Конспект полный. В конспектируемом материале выделена главная и второстепенная информация. Установлена логическая связь между элементами конспектируемого материала. Даны определения основных понятий; основные формулы приведены с выводом, дана геометрическая иллюстрация. Приведены примеры
«хорошо»	Конспект полный. В конспектируемом материале выделена главная и второстепенная информация. Установлена не в полном объеме логическая связь между элементами конспектируемого материала. Даны определения основных понятий; основные формулы приведены без вывода, частично дана геометрическая иллюстрация. Примеры приведены частично
«удовлетворительно»	Конспект не полный. В конспектируемом материале не выделена главная и второстепенная информация. Не установлена логическая связь между элементами конспектируемого материала. Даны определения основных понятий; основные формулы приведены без вывода, нет геометрической иллюстрации. Примеры отсутствуют
«неудовлетворительно»	Конспект не удовлетворяет ни одному из критериев, приведенных выше

## Тест

Проверяемый уровень освоения компетенции компетенций (части компетенций, элементов компетенций)	Минимальное количество тестовых заданий на один раздел программы	Рекомендуемые формы тестовых заданий
Минимальный уровень освоения компетенции	30	Тестовые задания с выбором одного правильного ответа из нескольких
		Тестовые задания с выбором нескольких правильных ответов из множества ответов
		Тестовые задания на установление соответствия
		Тестовые задания на установление правильной последовательности
Базовый уровень освоения компетенции	7	Тестовые задания с закрытым конструируемым ответом (ввод одного или нескольких слов, цифры)
Высокий уровень освоения компетенции	3	Тестовые задания со свободно конструируемым ответом (интервью, эссе) Структурированный тест Кейсы

### **3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы**

#### **3.1 Типовые контрольные задания расчетно-графических работ**

Варианты РГР (30 вариантов по каждой теме) выложены в электронной информационно-образовательной среде ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет.

Ниже приведены образцы типовых вариантов расчетно-графических работ по темам, предусмотренным рабочей программой.

Образец типового варианта расчетно-графической работы по теме «Аналитическая геометрия на плоскости»

1. Составить уравнение прямой, проходящей через точку  $M(2;3)$  перпендикулярно вектору  $\vec{n} = (-1;1)$ . Привести полученное уравнение к общему виду и с угловым коэффициентом.
2. Составить уравнение прямой, проходящей через две точки  $M_1(1;-2)$ ,  $M_2(-4;5)$ . Записать общее и параметрические уравнения этой прямой.
3. Записать уравнение прямой, проходящей через точку  $M(1;-2)$  с заданным угловым коэффициентом  $k=2$ . Привести полученное уравнение к общему виду и в отрезках на осях.
4. Записать уравнение прямой, зная отрезки  $a=8$ ,  $b=9$ , отсекаемые на осях  $Ox$  и  $Oy$  соответственно. Привести полученное уравнение к виду с угловым коэффициентом и к нормальному виду.
5. Определить точки пересечения прямой  $2x - 3y - 12 = 0$  с координатными осями.
6. Составить уравнение биссектрисы угла между прямыми  $x - 7y + 5 = 0$ ,  $5x + 5y - 3 = 0$ , смежного с углом, содержащим начало координат.
7. Вычислить длину перпендикуляра, опущенного из вершины  $B$  на медиану, проведенную из вершины  $C$   $\Delta ABC$ :  $A(-10;-13)$ ,  $B(-2;3)$ ,  $C(2;1)$ .
8. Записать канонические уравнения эллипса и гипербол по данным полуосям  $a=2$ ,  $b=1$ . Определить эксцентриситеты, координаты фокусов, уравнения директрис.



9. По данному параметру  $p = \frac{19}{4}$  записать канонические уравнения парабол, симметричных относительно осей  $Ox$  и  $Oy$ , найти точки их пересечения. Определить координаты фокусов и уравнения директрис.
10. Привести уравнение линии второго порядка  $x^2 - 8xy + 7y^2 = -9$  к каноническому виду. Выяснить тип линии.
- Замечание: во всех задачах построить линии.

Образец типового варианта расчетно-графической работы  
по теме «Приложения дифференциального исчисления. Исследование функций,  
построение графика»

1. Провести полное исследование функции  $y = \frac{4x}{4+x^2}$  и построить её график.
2. Составить уравнение касательной к параболе  $y = x^2 - 4x$  в точках пересечения с осью  $Ox$ .
3. Тело движется по прямой  $Ox$  по закону  $x = \frac{t^3}{3} - 2t^2 + 3t$ . Определить скорость и ускорение движения. В какие моменты тело меняет направление?
4. Имеется 200 метров железной решетки, которой надо огородить с трех сторон площадку, примыкающую четвертой стороной к длинной каменной стене. Каковы должны быть размеры площадки, чтобы она имела наибольшую площадь?

Образец типового варианта расчетно-графической работы  
по теме «Кратные и криволинейные интегралы»

1. Вычислить повторный интеграл  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} dx \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\cos^2 x + \sin^2 y) dy$ .
2. Изменить порядок интегрирования  $\int_{-2}^0 dy \int_{-2-y}^{4+y^2} f(x, y) dx$ .
3. Перейдя к полярным координатам, вычислить  $\iint_D \sqrt{x^2 + y^2} dx dy$ , где область  $D$  ограничена кардиоидой  $r = a(1 - \cos \varphi)$ .
4. Вычислить с помощью двойного интеграла площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2$ ,  $y = 4x^2$ ,  $y = 4$ .
5. Найти объем тела, ограниченного поверхностями  $z = 1 + y^2$ ,  $x + y = 1$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ ,  $z = 0$ .
6. Определить центр тяжести площади, ограниченной линиями  $y = x^2$ ,  $y = 2x^2$ ,  $x = 1$ ,  $x = 2$ .
7. Вычислить криволинейный интеграл  $\int (x + y) dx - (x - y) dy$  вдоль ломаной  $OAB$ , где  $O(0;0)$ ,  $A(2;0)$ ,  $B(4;5)$ .
8. Проверить, является ли данное выражение

$$(6xy + \frac{1}{xy} - 4)dx + (3x^2 + 2y - \frac{\ln x}{y^2})dy$$

полным дифференциалом некоторой функции  $u = u(x, y)$ ? В случае положительного ответа найти её с помощью криволинейного интеграла.

### 3.2 Типовые контрольные задания индивидуальных домашних заданий

Варианты ИДЗ (30 вариантов по каждой теме) выложены в электронной информационно-образовательной среде ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет.

Ниже приведены образцы типовых вариантов индивидуальных домашних заданий по темам, предусмотренным рабочей программой.

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий  
по теме «Определители и матрицы»

1. Вычислить определители:

$$\text{а) } \begin{vmatrix} 1 & 0 & -1 & 2 \\ 1 & 2 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 & 3 \\ 6 & -1 & 2 & -2 \end{vmatrix}; \quad \text{б) } \begin{vmatrix} -1 & 1 & 0 \\ 2 & -2 & 1 \\ 3 & 1 & -1 \end{vmatrix}; \quad \text{в) } \begin{vmatrix} -2 & -1 & 3 \\ -2 & 4 & 5 \\ 3 & 2 & -1 \end{vmatrix}.$$

2. Выполнить действия над матрицами:

$$\text{а) } 4 \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ -3 & 2 \end{pmatrix}; \quad \text{б) } 4 \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & -3 \end{pmatrix}.$$

3. Выяснить, будут ли матрицы неособенными. Если да, то найти обратные:

$$\text{а) } A = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}; \quad \text{б) } B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 3 & -1 & 0 \\ 1 & 1 & -2 \end{bmatrix}.$$

4. Определить ранг матрицы

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & -2 & 0 \\ 0 & 4 & -1 & 0 \\ 1 & 7 & 1 & 1 \end{bmatrix}.$$

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий  
по теме «Системы линейных алгебраических уравнений»

1. Найти все решения систем уравнений второго порядка:

$$\text{а) } \begin{cases} 3x + 2y = 7 \\ 4x - 5y = 40 \end{cases}; \quad \text{б) } \begin{cases} x - \sqrt{3}y = 1 \\ \sqrt{3}x - 3y = \sqrt{3} \end{cases}; \quad \text{в) } \begin{cases} 2x - 3y = 6 \\ 4x - 6y = 5 \end{cases}; \quad \text{г) } \begin{cases} 7x - 5y = 0 \\ 2x - 21y = 0 \end{cases}; \quad \text{д) } \begin{cases} 2.1x - 0.7y = 1.4 \\ 3x - y = 2 \end{cases}$$

.Решить системы уравнений по формулам Крамера, методом Гаусса и матричным методом:

$$\text{а) } \begin{cases} 2x + 3y + 5z = 10 \\ 3x + 7y + 4z = 3 \\ x + 2y + 2z = 3 \end{cases}; \quad \text{б) } \begin{cases} 3x + 2y - z = 3 \\ x - y + z = 1 \\ 13x + 2y + z = 13 \end{cases}.$$

2. Исследовать систему уравнений на совместность и, если система совместна, решить ее любым методом.

$$\begin{cases} -3x_1 + 4x_2 - 0x_3 + x_4 = 2 \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 + 5x_4 = 1 \\ -x_1 + 5x_2 + 3x_3 + 6x_4 = 3 \end{cases}.$$

3. Решить однородную систему уравнений. Указать общее решение и фундаментальную систему решений.

$$\begin{cases} x + y + z = 0 \\ 3x + 6y + 5z = 0 \\ x + 4y + 3z = 0 \end{cases}$$

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий  
по теме «Элементы векторной алгебры»

- По векторам  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$  построить векторы  $\vec{a} + \vec{b}$ ;  $\vec{a} - \vec{b}$ ;  $3\vec{a} - 2\vec{b}$ .
- Найти  $2\vec{m} \cdot \vec{n} + 4\vec{n}^2 + 1$  и  $|(2\vec{m} + \vec{n}) \times (\vec{n} - 2\vec{m})|$ , если  $|\vec{m}| = \frac{1}{3}$ ,  $|\vec{n}| = 6$ ,  $(\vec{m}, \vec{n}) = 60^\circ$ .
- Упростить:
  - $\vec{a} \times (\vec{b} + 2\vec{c}) + \vec{c} \times (\vec{a} - 2\vec{c})$ ;
  - $2(\vec{i} + \vec{j}) \cdot \vec{k} - 3\vec{i} \cdot (\vec{k} + \vec{j}) - (\vec{k} + \vec{i})^2$ ;
  - $2(\vec{i} + \vec{j}) \times \vec{k} + 3\vec{i} \times (\vec{k} + \vec{j}) - (\vec{k} + \vec{i}) \times (\vec{k} + \vec{i})$ .
- Даны векторы:  $\vec{a} = (1; -2; \gamma)$ ,  $\vec{b} = (3; \beta; 4)$ ,  $\vec{c} = (\alpha; 0; 2)$ ,  $\vec{d} = (\alpha; 4; -2)$  и  $\vec{a} \parallel \vec{b}$ ,  $\vec{c} \perp \vec{d}$ .  
Определить:
  - координаты векторов  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$ ,  $\vec{c}$ ,  $\vec{d}$ ;
  - $\text{Pr}_{\vec{g}} \vec{f}$ , если  $\vec{g} = 2\vec{a} + \vec{d}$ ,  $\vec{f} = \vec{b} - \vec{c}$ ;
  - направляющие косинусы вектора  $\vec{a}$ ;
  - компланарны ли векторы  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$ ,  $\vec{c}$ ;
  - орт вектора  $\vec{d}$ .
- Силы  $\vec{f}_1 = 4\vec{i} + 3\vec{j} - 2\vec{k}$ ,  $\vec{f}_2 = \vec{i} + \vec{j}$  приложены к точке  $A(0; 1; 2)$ . Найти момент равнодействующей этих сил относительно точки  $O(0; -1; 0)$ .
- Найти работу, совершаемую силой  $\vec{F} = (4; -1; 0)$  при перемещении материальной точки из положения  $A(0; 1; 2)$  в положение  $B(0; -4; 2)$ .
- Даны координаты вершин пирамиды  $A_1(0; -4; 3)$ ,  $A_2(7; 3; 0)$ ,  $A_3(-1; 2; 3)$ ,  $A_4(3; 0; 2)$ .  
Сделать чертеж и найти:
  - длину ребра  $A_1A_2$ ;
  - угол между ребрами  $A_1A_2$  и  $A_1A_4$ ;
  - площадь грани  $A_1A_2A_3$ ;
  - объем пирамиды;
  - длину высоты, опущенной из вершины  $A_4$ .
- На векторах  $\vec{a} = 2\vec{i} - 4\vec{j}$  и  $\vec{b} = \vec{i} + 8\vec{j}$  построен параллелограмм. Найти площадь, углы и длины диагоналей этого параллелограмма. Сделать чертеж.
- Даны точки  $A(1; -2; 3)$ ,  $B(0; 1; 2)$ ,  $C(1; -1; 1)$ ,  $D(-1; 2; 1)$ .  
Определить:
  - $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{CD}$ ;
  - $\overrightarrow{AC} \times \overrightarrow{DA}$ ;
  - $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{DA}$ ;
  - координаты точки  $M$ , делящей отрезок  $AD$  в отношении  $\frac{AM}{MD} = 3$ ;
  - лежат ли точки  $A, B, C, D$  в одной плоскости;
  - площадь  $\triangle ABC$ , его углы и длину медианы, проведенной к стороне  $AB$ .

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий  
по теме «Пределы»

Найти пределы:

$$1. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x + 2}{x^2 + 4}$$

$$9. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - x}{\sqrt{10x} - 1 - 3}$$

2.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{x^2+4x-1}$
3.  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2-4x+3}{x-3}$
4.  $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3+5x^2+8x+4}{x^3+3x^2-4}$
5.  $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{(x^2+2x-3)^2}{x^3+4x^2+3x}$
6.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2-12x+1}{x^3-x^2+x}$
7.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3+4x^2+1}{8x^3-11x+2}$
8.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \sqrt{x^3+x^2} - \sqrt{x^3+4} \right)$
10.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos 4x}{x^2}$
11.  $\lim_{x \rightarrow 0} 3x \sin \frac{5}{x}$
12.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( 1 + \frac{4}{3x} \right)^{8x+1}$
13.  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{7x-4}{7x+3} \right)^{2x+3}$
14.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2+x}{\sin^2 x}$
15.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+3x \sin x)}{\ln(1+3x \cos x)}$

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий  
по теме «Непрерывность. Точки разрыва функции»

1. Исследовать непрерывность функции  $f(x) = 2^{\frac{4}{3+x}}$  в точках  $x_1 = -3$ ,  $x_2 = 1$ . Установить характер разрывов. Построить график.

2. Найти область определения функции, установить характер разрывов:

$$а) f(x) = \frac{\sin 2x}{x(x-\pi)}; б) f(x) = \frac{1}{3+2^{\frac{1}{x-3}}}$$

3. Доопределить функцию  $f(x) = \frac{3^{-x}-1}{3^x-1}$  при  $x=0$  до непрерывной.

4. Исследовать на непрерывность функцию, построить график:

$$а) f(x) = \begin{cases} \sqrt{1-x^2}, & -1 \leq x \leq 0 \\ 1, & 0 < x < 2 \\ x-2, & x < -1, x \geq 2 \end{cases}; б) f(x) = \begin{cases} \ln|x|, & x < 0 \\ x, & 0 \leq x \leq 1 \\ x^2+1, & 1 < x \leq 2 \\ 5, & x > 2 \end{cases}$$

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий  
по теме «Дифференциальное исчисление функции одной переменной»

1. Найти производные указанных порядков явно заданных функций:

а)  $y = x^5 - 2x^3 + 7x - 1$ ,  $y^{IV}$  ;

б)  $y = e^x(x^2 - 5)$ ,  $y''$  ;

в)  $y = \cos 5x$ ,  $y^{(n)}$ .

2. Найти производные указанных порядков параметрически заданных функций:

$$а) \begin{cases} y = e^{2t} \\ x = \ln t \end{cases}, y_{xx}''; б) \begin{cases} y = t^3 + 5t \\ x = 3t - 2t^2 \end{cases}, y_{xx}''.$$

3. Найти производные указанных порядков неявно заданных функций:

а)  $7x^3 + 3y^2 - 15 = 0$ ,  $y''$ ;      б)  $e^{2x} + e^{3y^2} = 3xy$ ,  $y'$ .

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий по теме «Методы нахождения неопределенных интегралов»

Найти интеграл, выбрав самостоятельно метод решения:

- |   |  |
|---|--|
| 1. $\int \frac{\sin 2x}{4\cos^2 x + 3} dx;$               | 11. $\int \frac{2x^2}{\sqrt{x^6 - 9}} dx;$                             |
| 2. $\int \frac{5x + 7}{x - 2} dx;$                        | 12. $\int \frac{4x + 5}{x^2 + 6x - 7} dx;$                             |
| 3. $\int \frac{dx}{1 + \sqrt[3]{2 - x}};$                 | 13. $\int \frac{x + 2}{(x - 2)(x^2 + 2x + 4)} dx;$                     |
| 4. $\int 8^{\operatorname{ctg} 2x} \frac{dx}{\sin^2 2x};$ | 14. $\int \arcsin x dx;$   |
| 5. $\int \frac{x^2 - 1}{x + 3} dx;$                       | 15. $\int x^3 \operatorname{tg} x^4 dx;$                               |
| 6. $\int x e^{-2x} dx;$                                   | 16. $\int \frac{x^2 - 5x + 1}{(x - 1)(x^2 + 2x + 4)} dx;$              |
| 7. $\int \frac{dx}{5 - 3\cos x};$                         | 17. $\int (1 - \sin 2x)^2 dx;$   |
| 8. $\int \sqrt[4]{1 - e^{2x}} e^{2x} dx;$                 | 18. $\int \sin 3x \cos 2x dx;$   |
| 9. $\int \frac{dx}{x^3 \sqrt{2 - x^3}};$                  | 19. $\int \frac{1 + \operatorname{tg} x}{1 - \operatorname{tg} x} dx;$ |
| 10. $\int x^2 \cos 2x dx;$                                | 20. $\int \ln(\cos x) dx.$   |

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий по теме «Комплексные числа»

1. Выполнить действия и результат записать в алгебраической форме

а)  $(1 + i) + (3 - 2i) - (4 - i)$ ;    б)  $(1 + i)^2 - 2i$ ;    в)  $\frac{(3 - 4i)(2 + i)}{\sqrt{3} + i}$

г)  $\frac{(1 + i) \left( \cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right)}{2 \left( \cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)}$ ;    д)  $\left( e^{i \frac{\pi}{4}} \right)^5 \cdot \left( \cos \frac{5\pi}{4} - i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$ .

2. Решить уравнение  $x^2 - 6x + 13 = 0$ . Корни уравнения изобразить на комплексной плоскости.
3. Изобразить на комплексной плоскости множество точек  $z = x + iy$ , если
- а)  $|x| \leq 1$ ,      б)  $|z - z_0| < 3$ ,  $z_0 = 2 + 3i$ ,      в)  $y < -2$ .
4. Даны комплексные числа  $z_1 = 6\sqrt{3} + 6i$ ,  $z_2 = -4i$ .
- а) Изобразить числа  $z_1, z_2, \overline{z_2}, -z_2$ .
- б) Найти геометрически  $z_1 + z_2$ ,  $z_1 - z_2$ ,  $\frac{z_1}{z_2}$ ,  $z_1 \cdot z_2$ .
- в) Представить  $z_1$  и  $z_2$  в тригонометрической и показательной формах.
5. Пользуясь формулой Муавра, вычислить  $(1 - i)^6$ .

6. Найти все значения  $\sqrt[3]{8}$  и изобразить их на комплексной плоскости.
7. Из равенства  $(1+i)x - (4+2i)y = 1-2i$  найти  $x$  и  $y$ , если
  - а)  $x$  и  $y$  – действительные числа, б)  $x$  и  $y$  – чисто мнимые числа.
8. Вектор, изображающий  $z_1$ , сжали в 2 раза и повернули на угол  $\frac{\pi}{4}$ . Найти комплексное число, соответствующее полученному вектору.

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий по теме «Дифференциальные уравнения первого порядка»

Проинтегрировать следующие уравнения и, где указано, решить задачу Коши:

- 1)  $2xdx - 2ydy = x^2ydy - 2xy^2dx$ ;
- 2)  $xy' = \sqrt{2x^2 + y^2} + y$ ;
- 3)  $y' = \frac{3y - 2x + 1}{3x + 3}$ ,  $y(0) = 1$ ;
- 4)  $(1+y)(e^x dx - e^{2y} dy) - (1+y^2)dy = 0$ ;
- 5)  $(x+y)dy + (2x-y)dx = 0$ ;
- 6)  $xy' \sin \frac{y}{x} + x = y \sin \frac{y}{x}$ ;
- 7)  $(1 - e^x)yy' = e^x$ ,  $y(0) = 1$ .

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий по теме «Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка»

Проинтегрировать следующие уравнения и, где указано, решить задачу Коши:

1.  $y''' = \cos 2x$ ,  $y\left(\frac{\pi}{6}\right) = 1$ ,  $y'\left(\frac{\pi}{6}\right) = y''\left(\frac{\pi}{6}\right) = 0$ .
2.  $x^4 y'' + x^3 y' = 1$ .
3.  $y'' = xe^x$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 0$ .
4.  $x^3 y'' + x^2 y' - 1 = 0$ .
5.  $y^3 y'' + 1 = 0$ .

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий по теме «Линейные однородные и неоднородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами»

Проинтегрировать следующие уравнения и, где указано, решить задачу Коши:

1.  $y'' + y' = 0$ ;
2.  $y'' + 2y' + y = 0$ ;
3.  $y'' + y' - 30y = 0$ ,  $y(0) = y'(0) = 4$ ;
4.  $y'' - 17y' = x + 6$ ;
5.  $y'' - 8y' + 17y = e^{4x} \sin x$ ;
6.  $y'' + 11y' + 20y = x^2 e^x$ ;
7.  $y'' + 2y' + 5y = x \sin x + \cos x$ ;
8.  $y^{IV} - 6y''' + 9y'' = 3x - 1$ ;
9.  $y'' - y = 4\sqrt{x}$ .

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий

по теме «Численные методы решения дифференциальных уравнений»  
Численно решить дифференциальное уравнение

$$y' = \frac{y}{2x} + x^3, \quad y(1) = 1$$

на отрезке  $[1; 2]$  с шагом  $h = 0,2$  методом Эйлера, модифицированным методом Эйлера и методом Рунге-Кутты. Найти точное решение  $y = y(x)$  и сравнить значения точного и приближенных решений в точке  $x = 2$ . Найти абсолютную и относительную погрешности в этой точке для каждого метода. Вычисления вести с четырьмя десятичными знаками.

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий  
по теме «Функции нескольких переменных»

1. Найти область определения функции  $z = \arcsin(x + y)$ . Сделать чертеж.
2. Определить и построить линии уровня функции  $z = 2x + y^2$ .
3. Дана функция  $z = \frac{y}{(x^2 - y^2)^5}$ . Показать, что  $\frac{1}{x} \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{1}{y} \frac{\partial z}{\partial y} = \frac{z}{y^2}$ .
4. Найти экстремумы функции  $z = x^2 + xy + y^2 - 6x - 9y$ .
5. Найти экстремумы функции  $z = e^{xy}$  при условии, что  $x + y = 1$ .
6. Найти наибольшее и наименьшее значения функции  $z = x^2 - y^2$  в замкнутой области  $x^2 + y^2 \leq 1$ .
7. Найти приближенное значение функции  $z = 3x^2 + 2xy$  в точке  $A(1.02, 1.96)$ .
8. Найти  $\overline{grad} z$  и производную в точке  $A(-1; -2)$  по направлению вектора  $\vec{a} = (1; -1)$ , если  $z = 2xy^2 + 4x^2 - 1 + y$ .
9. Найти частные производные первого порядка, если
  - а)  $xy - e^{xy} + \ln \sqrt{xy} + \sin z = 1$ ;
  - б)  $z = \frac{u^2}{r + 4}$ ,  $u = \text{arcctg} \sqrt{x + y}$ ,  $r = e^{xy}$ .

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий  
по теме «Элементы комбинаторики»

1. Сколькими способами можно сделать флаг из трёх горизонтальных полос различных цветов, если есть материя пяти различных цветов?
2. Сколькими способами из колоды в 52 карты можно вынуть 10 карт?
3. На сортировочной станции стоит группа из пяти вагонов пяти назначений. Сколько возможностей разместить по этим назначениям вагоны?
4. На первой из двух параллельных прямых лежат 15 точек, на второй 21. Сколько существует треугольников с вершинами в этих точках?

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий  
по теме «Алгебра событий»

1. В урне 7 белых и 5 красных шаров. Какова вероятность того, что среди наудачу вынутых 6 шаров будет 4 белых и 2 красных?
2. Три стрелка сделали по одному выстрелу в мишень. Какова вероятность того, что в мишень попали ровно две пули, если вероятность попадания каждым стрелком соответственно равна 0.5, 0.7, 0.8?
3. 30% изделий, поступающих в магазин, изготовлено в ателье №1, остальные изготовлены на швейных фабриках. Вероятность быть изделием высокого качества

- для изделия, изготовленного в ателье, равна 0.9, для остальных 0.8. Какова вероятность, что купленное изделие отличного качества изготовлено в ателье №1?
- Через сортировочную горку в сутки проходит 6000 вагонов. Частота появления вагонов назначения №1 равна 0.2. Сколько вагонов назначения №1 в сутки проходит в среднем через сортировочную горку?
  - Производится выстрел по вращающейся круговой мишени, в которой закрашены два сектора с углом  $30^\circ$ . Какова вероятность попадания в закрашенную область?

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий  
по теме «Случайные события»

- В партии из 15 изделий 12 стандартны. Какова вероятность того, что:
  - одна наудачу выбранная деталь стандартна?
  - из двух наудачу взятых деталей одна стандартна, другая нестандартна?
- В блоке содержится 24 лампы, одна отказала. Неисправность отыскивается поочередной заменой. Найти вероятность того, что неисправность будет устранена не более чем при первых трех попытках.
- С первого автомата поступает на сборку 80% деталей, со второго – 20%. На первом автомате брак составляет 1%, на втором – 4%. Найти вероятность того, что:
  - наудачу взятая деталь стандартна;
  - бракованная деталь с первого автомата.
- В магазин вошло 6 покупателей. Найти вероятность того, что:
  - 4 из них совершат покупки;
  - не менее 4-х совершат покупки.

Если вероятность совершить покупку для каждого из них равна 0,2.

Образец типового варианта индивидуальных домашних заданий  
по теме «Случайные величины»

- Дана непрерывная случайная величина  $X$ :

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ cx^3, & 0 < x \leq 0,5 \\ 1, & x > 0,5 \end{cases}$$

Найти: а) коэффициент «с»;

- функцию плотности вероятности  $f(x)$ ;
  - параметры распределения;
  - вероятность того, что  $X$  примет значение больше 0.3;
  - построить графики  $f(x)$  и  $F(x)$ .
- Время работы элемента распределено по показательному закону с математическим ожиданием 200 ч. Найти вероятность того, что хотя бы один из трех элементов проработает не менее 300 часов и среднеквадратическое отклонение.
  - Вероятность попадания в цель при одном выстреле равна 0.7. Найти ряд распределения числа попаданий при 5 выстрелах и характеристики распределения.
  - Диаметр шариков, изготовленных автоматом, нормально распределен с  $a = 3$  (мм),  $b = 0,2$  (мм). Какова вероятность того, что диаметр наудачу взятого шарика отличается от « $a$ » на величину не более 0.3 мм.

### 3.3 Типовые контрольные задания для проведения контрольных работ

Ниже приведены образцы типовых вариантов контрольных работ, предусмотренных рабочей программой дисциплины

Образец типового варианта контрольной работы  
по теме «Линейная алгебра»

Предел длительности контроля – 45 минут.



Предлагаемое количество заданий – 1 задание.

1. Решить систему методами Крамера, матричным, Гаусса

$$\begin{cases} 5x + 8y - z = -7, \\ x + 2y + 3z = 1, \\ 2x - 3y + 2z = 9. \end{cases}$$

Образец типового варианта контрольной работы  
по теме «Векторная алгебра»

Предел длительности контроля – 45 минут.

Предлагаемое количество заданий – 3 задания.

1. Даны вершины пирамиды  $A(2; 1; 8)$ ,  $B(6; 5; 2)$ ,  $C(4; 5; 7)$ ,  $D(9; 4; 10)$ . Найти :
- угол между ребрами  $AB$  и  $AC$ ;
  - площадь грани  $ABC$ ;
  - объем пирамиды  $ABCD$ ;
  - длину высоты пирамиды, опущенной из вершины  $D$ .
2. При каких значениях параметров  $\alpha$  и  $\beta$  векторы  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$  :
- коллинеарны, если  $\vec{a} = (\alpha; 7; -4)$ ,  $\vec{b} = (2; \beta; 2)$  ;
  - ортогональны, если  $\vec{a} = (-1; \alpha; 8)$ ,  $\vec{b} = (9; 3; -1)$  .
- Записать и построить полученные векторы.
3. Найти:
- работу силы  $\vec{F} = 3\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$  по перемещению материальной точки из положения  $A(2; -2; 1)$  в положение  $B(6; 5; 2)$  по прямой;
  - величину и направление момента силы  $\vec{F} = 3\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$ , приложенной в точке  $A(2; -2; 1)$  относительно точки  $B(6; 5; 2)$ .

Образец типового варианта контрольной работы  
по теме «Аналитическая геометрия»

Предел длительности контроля – 30 минут.

Предлагаемое количество заданий – 1 задание.

1. Дана пирамида  $A_1A_2A_3A_4$  с вершинами в точках  $A_1(3, 1, 4)$ ,  $A_2(-1, 6, 1)$ ,  $A_3(-1, 1, 6)$ ,  $A_4(0, 4, -1)$ .  
Найти: а) длину ребра  $A_1A_2$ ;
- угол между ребрами  $A_1A_2$  и  $A_1A_4$ ;
  - угол между ребром  $A_1A_4$  и гранью  $A_1A_2A_3$ ;
  - площадь грани  $A_1A_2A_3$ ;
  - объем пирамиды;
  - уравнение прямой  $A_1A_2$ ;
  - уравнение плоскости  $A_1A_2A_3$ ;
  - уравнение высоты, опущенной из вершины  $A_4$  на грань  $A_1A_2A_3$ .

Образец типового варианта контрольной работы  
по теме «Основы математического анализа»

Предел длительности контроля – 45 минут.

Предлагаемое количество заданий – 7 заданий.

- 1)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 - 5x^2 + 2}{2x^3 + 5x^2 - x}$ ; 2)  $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{2x^2 + 3x + 1}{2x^2 + 5x + 3}$ ;  $x_0 = -1, x_0 = 2$ ;

$$3) \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{1 - \cos x}{5x^2}; x_0 = \frac{\pi}{3}, x_0 = 0; \quad 4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{x+3}{x-2} \right)^x; \quad 5) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{3x};$$

$$6) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x-2}{5x^3 + 2x^2 - 3}.$$

7. Исследовать функцию на непрерывность:

$$F(x) = \begin{cases} -x, & x \leq 0 \\ 1-x, & 0 < x \leq 1. \\ \frac{1}{x-1}, & x > 1 \end{cases}$$

Образец типового варианта контрольной работы  
по теме «Комплексные числа»

Предел длительности контроля – 20 минут.

Предлагаемое количество заданий – 3 задания.

1. Изобразить геометрически:  $z_1 = 2 + 3i$ ,  $z_2 = 4 - 2i$ ,  $z_3 = 1 - 3i$ ,  $z_4 = 2i$ .
2. Найти тригонометрическую форму  $z_3$ .
3. Вычислить  $\frac{z_1}{z_2} + \frac{z_3}{z_4}$ .

Образец типового варианта контрольной работы  
по теме «Дифференциальные уравнения и системы»

Предел длительности контроля – 90 минут.

Предлагаемое количество заданий – 5 заданий.

Решить дифференциальные уравнения первого порядка:

$$1) y' - \frac{y}{2x} = x^3, \quad y(1) = 1;$$

$$2) xy' + y = \frac{y^2}{2} \ln x.$$

Решить дифференциальные уравнения

$$3. y'' - 7y' - 8y = 3e^{-x};$$

$$4. y'' - 13y' = e^{3x} \sin x;$$

Решить линейные однородные системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами:

$$5. \begin{cases} \frac{dy_1}{dx} = y_1 - y_2 \\ \frac{dy_2}{dx} = -4y_1 + y_2 \end{cases}.$$

Образец типового варианта контрольной работы  
по теме «Функции нескольких переменных»

Предел длительности контроля – 90 минут.

Предлагаемое количество заданий – 7 заданий.

1. Найти область определения функции  $z = \arcsin(x + y)$ . Сделать чертеж.
2. Определить и построить линии уровня функции  $z = 2x + y^2$ .

3. Дана функция  $z = \frac{y}{(x^2 - y^2)^5}$ . Показать, что  $\frac{1}{x} \frac{\partial z}{\partial x} + \frac{1}{y} \frac{\partial z}{\partial y} = \frac{z}{y^2}$ .
4. Найти приближенное значение функции  $z = 3x^2 + 2xy$  в точке  $A(1.02, 1.96)$ .
5. Найти  $\overline{grad} z$  и производную в точке  $A(-1; -2)$  по направлению вектора  $\vec{a} = (1; -1)$ , если  $z = 2xy^2 + 4x^2 - 1 + y$ .
6. Найти экстремумы функции  $z = x^2 + xy + y^2 - 6x - 9y$ .
7. Найти экстремумы функции  $z = e^{xy}$  при условии, что  $x + y = 1$ .

Образец типового варианта контрольной работы  
по теме «Комбинаторика»

Предел длительности контроля – 20 минут.

Предлагаемое количество заданий – 4 задания.

1. Сколькими способами на первенстве мира по футболу могут распределиться медали, если в финальной части играют 24 команды?
2. В скольких точках пересекаются диагонали выпуклого десятиугольника, если никакие три из них не пересекаются в одной точке?
3. Сколько различных «слов» можно составить из слова «математика»?
4. Студенту необходимо сдать три экзамена на протяжении семи дней. Сколькими способами это можно сделать?  
Сколькими способами можно разместить 100 книжек на полке?

Образец типового варианта контрольной работы  
по теме «Алгебра событий»

Предел длительности контроля – 40 минут.

Предлагаемое количество заданий – 5 заданий.

1. В урне 8 белых и 4 красных шара. Какова вероятность того, что среди пяти наудачу вынутых шаров будет 3 белых?
2. Из зенитного орудия производится три выстрела по снижающемуся самолету. Вероятность попадания при 1, 2 и 3 выстрелах 0.4, 0.5, 0.6 соответственно. Определить вероятность не менее двух попаданий.
3. Найти вероятность того, что при 400 испытаниях событие наступит 104 раза, если вероятность его появления в каждом испытании 0.2.
4. В библиотеку поступили три партии книг по 100, 200 и 300 книг. Вероятность того, что книга по математике принадлежит 1, 2 и 3 партии равны 0.6, 0.7, 0.5 соответственно. Какова вероятность того, что взятая наудачу книга по математике?
5. Четырём лицам назначена деловая встреча на 12 часов дня. Вероятность опоздать для них 0.2, 0.15, 0.3 и 0.1. Найти вероятность того, что хотя бы один прибудет вовремя.

Образец типового варианта контрольной работы  
по теме «Случайные события»

Предел длительности контроля – 60 минут.

Предлагаемое количество заданий – 4 задания.

1. Из разрезанной азбуки было выложено слово «математика». Ребенок, не умеющий читать, рассыпал буквы. Какова вероятность того, что:
  - а) первой буквой, которую поднимет ребенок, окажется «а»;
  - б) две поднятые буквы будут «м» и «а».
2. Два игрока вынимают по очереди по одной кости из полного набора домино. Каждый имеет право вынуть не более двух костей. Выигравшим считается тот, кто первый вынет дубль. Найти вероятность выигрыша каждого игрока.
3. 70% гарнитуров, поступивших в мебельный магазин из Иркутска, 30% - из

Улан-Удэ. 10% иркутской мебели и 5% улан-удэнской мебели нестандартны.

Какова вероятность того, что:

- а) наудачу выбранный гарнитур стандартен;
- б) стандартный гарнитур из Улан-Удэ.

4. Вероятность поражения мишени стрелком при одном выстреле равна 0,6. Стрелок сделал 8 выстрелов. Какова вероятность того, что:

- а) стрелок 3 раза промахнулся;
- б) стрелок попал не менее 6 раз.

#### Образец типового варианта контрольной работы по теме «Случайные величины»

Предел длительности контроля – 30 минут.

Предлагаемое количество заданий – 3 задания.

1. При вытаскивании болтов наблюдается в среднем 10% брака. Можно ли быть уверенным, что в партии из 400 болтов окажется годными более 299 болтов?
2. Автобаза обслуживает 8 предприятий. От каждого из них заявка на машину может поступить с вероятностью 0.6. Найти закон распределения случайной величины  $X$  – числа заявок и его параметры.
3. Определить вероятность того, что нормально распределенная величина  $X$  при четырех испытаниях ровно 2 раза примет значение в интервале от 158 до 168, если известно, что  $a = 168$ ,  $b = 5,5$ .

### 3.4 Типовые контрольные задания по написанию конспекта

Темы конспектов, предусмотренных рабочей программой дисциплины:

1. «Цилиндрические и конические поверхности. Поверхности вращения. Поверхности второго порядка».

Учебная литература: Письменный Д.Т. Конспект лекций по высшей математике. М.: Айрис пресс, 2014.

2. «Приложения интегрального исчисления».

Учебная литература: Письменный Д.Т. Конспект лекций по высшей математике. М.: Айрис пресс, 2014.

### 3.5 Перечень теоретических вопросов к зачету

(для оценки знаний)

Раздел 1. Линейная алгебра

- 1.1. Определители второго и третьего порядка, их вычисление.
- 1.2. Определители  $n$ -порядка. Дополнительный минор, алгебраическое дополнение. Формула Лапласа разложения определителей по элементам строки или столбца.
- 1.3. Свойства определителей.
- 1.4. Понятие матрицы, размерность и порядок матрицы. Основные виды матриц (нулевая, единичная, диагональная, треугольная, трапециевидная, транспонированная). Особенная и неособенная матрица.
- 1.5. Операции над матрицами: сложение и вычитание матриц, умножение матрицы на число, умножение матриц.
- 1.6. Понятие обратной матрицы, ее нахождение. Обратимая и необратимая матрица.
- 1.7. Ранг матрицы, его свойства и вычисление.
- 1.8. Системы линейных алгебраических уравнений. Основные понятия: однородная и неоднородная система, решение системы, совместная и несовместная система, неопределенная и определенная система, матрица и расширенная матрица системы.

- 1.9. Исследование линейных алгебраических систем на совместность. Теорема Кронекера – Капелли. Исследование систем  $n$  уравнений с  $n$  неизвестными. Следствие для однородных систем.
- 1.10. Методы решения линейных алгебраических систем: Крамера, матричный, Гаусса; возможности применения этих методов.

## Раздел 2. Элементы векторной алгебры

- 2.1. Понятие вектора. Коллинеарные, ортогональные, компланарные, равные векторы. Нуль – вектор.
- 2.2. Операции над векторами в геометрической форме: сложение и вычитание векторов, умножение вектора на число. Свойства этих операций.
- 2.3. Общее понятие линейного (векторного) пространства. Понятие линейной зависимости и независимости векторов. Базис и размерность пространства.
- 2.4. Действия над векторами в координатной форме.
- 2.5. Нахождение координат вектора по координатам начала и конца. Нахождение длины и направления вектора в пространстве.
- 2.6. Проекция вектора на ось. Свойства проекции.
- 2.7. Скалярное произведение векторов: определение, механический смысл, алгебраические и геометрические свойства, применения в механике и геометрии, вычисление в декартовых координатах.
- 2.8. Векторное произведение векторов: определение, механический смысл, алгебраические и геометрические свойства, применения в механике и геометрии, вычисление в декартовых координатах.
- 2.9. Смешанное произведение векторов: определение, геометрический смысл, свойства, применение в геометрии, вычисление в декартовых координатах.

## Раздел 3. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве

- 3.1. Предмет аналитической геометрии. Декартова система координат на прямой, на плоскости и в пространстве. Простейшие задачи аналитической геометрии: расстояние между двумя точками, деление отрезка в данном отношении.
- 3.2. Общее понятие уравнения линии и поверхности в декартовой системе, классификация линий и поверхностей. Порядок алгебраической линии и поверхности.
- 3.3. Прямая линия на плоскости: основные виды уравнений (общее, с угловым коэффициентом, в отрезках, каноническое, параметрическое, неполные). Угол между прямыми, условия коллинеарности и ортогональности. Расстояние от точки до прямой.
- 3.4. Кривые второго порядка на плоскости:
  - Окружность: определение, вывод канонического уравнения, свойства, построение.
  - Эллипс: определение, вывод канонического уравнения, свойства, построение, эксцентриситет и его смысл, директрисы. Эллипс со смещенным центром.
  - Гипербола: определение, вывод канонического уравнения, свойства, построение, асимптоты, эксцентриситет и его смысл, директрисы. Сопряженная гипербола. Гипербола со смещенным центром.
  - Парабола: определение, вывод канонического уравнения, свойства, построение. Парабола со смещенной вершиной.
- 3.5. Общее уравнение линии второго порядка, преобразование к каноническому виду линии со смещением, поворотом системы координат.
- 3.6. Плоскость в пространстве: основные виды уравнений (общее, неполные, в отрезках, по трем точкам, нормированное). Основные способы получения уравнения плоскости, построение плоскостей. Угол между плоскостями. Условия коллинеарности и ортогональности плоскостей. Расстояние от точки до плоскости.

- 3.7. Прямая в пространстве: основные виды уравнений (общее, канонические, параметрические по двум точкам). Основные способы получения уравнения прямой. Приведение общего уравнения прямой к каноническому виду. Угол между прямыми, условия коллинеарности и ортогональности прямых.
- 3.8. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве. Условия коллинеарности и ортогональности прямой и плоскости. Условие принадлежности двух прямых одной плоскости, точка пересечения прямой и плоскости.

#### Раздел 4. Введение в математический анализ

- 4.1. Понятие переменной и постоянной величины. Понятие функции: область определения и образ функции. Способы задания функции. Графики и свойства основных элементарных функций.
- 4.2. Классификация функций. Понятия сложной и обратной функции.
- 4.3. Функции, заданные параметрически и в полярной системе координат, построение их графиков.
- 4.4. Характеристика поведения функции: четность и нечетность, непрерывность, периодичность, монотонность, ограниченность и неограниченность. Экстремумы функции. Схема исследования функции.
- 4.5. Понятие предела переменной величины, предел последовательности и функции в точке. Свойства пределов, вытекающие из определения.
- 4.6. Геометрическая интерпретация пределов. Асимптоты.
- 4.7. Бесконечно малые, бесконечно большие, их связь и свойства. Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно малые. Цепочка эквивалентных б. м.
- 4.8. Основные теоремы о пределах.
- 4.9. Математические неопределенности и методы их раскрытия.
- 4.10. Первый и второй замечательные пределы.
- 4.11. Различные определения непрерывности функции в точке. Непрерывность на множестве. Классификация точек разрыва.
- 4.12. Арифметические свойства непрерывных функций.
- 4.13. Асимптоты графика функции: горизонтальные, вертикальные, наклонные и их нахождение.

#### Раздел 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной

- 5.1. Задачи, приводящие к понятию производной. Общее понятие производной. Геометрический и механический смысл.
- 5.2. Основные свойства производных. Вывод таблицы производных.
- 5.3. Понятие дифференцируемой функции. Критерий дифференцируемости. Необходимое условие дифференцируемости.
- 5.4. Дифференциал: инвариантная и неинвариантная формы, применение дифференциала к приближенным вычислениям. Геометрический смысл дифференциала. Свойства и таблица дифференциалов.
- 5.5. Производные и дифференциалы высших порядков, их свойства. Механический смысл второй производной. Неинвариантность формы дифференциалов высших порядков.
- 5.6. Правила Лопиталья (применение дифференциального исчисления к вычислению пределов).
- 5.7. Применение дифференциального исчисления к полному исследованию функций и построению графиков.
  - Необходимые и достаточные условия существования экстремума, возрастание и убывание функции.
  - Необходимые и достаточные условия существования точки перегиба, выпуклость – вогнутость.
  - Нахождение наименьшего и наибольшего значений функции на отрезке.

- 5.8. Дифференцирование функций, заданных неявно и параметрически.
- Раздел 6. Интегральное исчисление функции одной переменной
- 6.1. Первообразная и ее свойства. Основная теорема интегрального исчисления. Неопределенный интеграл и его свойства.
  - 6.2. Простейшие приемы интегрирования. Замена переменной в неопределенном интеграле. Интегрирование по частям.
  - 6.3. Вывод интегралов основных элементарных функций.
  - 6.4. Интегрирование рациональных дробей.
  - 6.5. Интегрирование тригонометрических дифференциалов.
  - 6.6. Интегрирование некоторых иррациональностей.
  - 6.7. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл, как предел интегральных сумм. Геометрический и механический смысл определенного интеграла.
  - 6.8. Основные свойства определенного интеграла. Теорема о среднем.
  - 6.9. Вычисление определенных интегралов. Замена переменных в определенном интеграле. Интегрирование по частям.
  - 6.10. Геометрические и механические приложения определенного интеграла.
  - 6.11. Несобственные интегралы первого рода (по бесконечному промежутку): определение, сходимость, свойства, вычисление.
  - 6.12. Несобственные интегралы второго рода (от неограниченной функции): определение, сходимость, свойства, вычисление.

### 3.6 Перечень типовых простых практических заданий к зачету

(для оценки умений)

1. Найти значение выражения:  $AB - 2C$ , если
 
$$A = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 & -1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 4 & 1 & 2 \end{pmatrix}.$$
2. Является ли матрица  $B$  неособенной? Если да, то найти обратную матрицу.
 
$$B = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 3 \\ 2 & -1 & -4 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}.$$
3. Решить систему линейных уравнений
 
$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 6, \\ 2x_1 + 3x_2 - 4x_3 = 20, \\ 3x_1 - 2x_2 - 5x_3 = 6. \end{cases}$$
4. Определить, при каком значении  $R$  векторы  $\bar{a}$  и  $\bar{b}$  будут ортогональны, коллинеарны, если  $\bar{a} = \{2, -1, 3\}$ ,  $\bar{b} = -\bar{i} + R\bar{j} + 2\bar{k}$ .
5. Выяснить, компланарны ли векторы  $\bar{a} = (-1, 3, 2)$ ,  $\bar{b} = (2, -3, -4)$ ,  $\bar{c} = (-3, 16, 6)$ ?
6. Лежат ли точки  $A(-1, 0, 1)$ ,  $B(3, 4, -1)$ ,  $C(1, 1, 0)$ ,  $D(2, -2, 3)$  в одной плоскости?
7. Даны координаты вершин пирамиды:  $A(5, -1, 2)$ ,  $B(1, -2, 3)$ ,  $C(0, 1, 1)$ ,  $D(2, 3, 3)$ . Найти объем пирамиды  $ABCD$ .
8. Найти момент силы  $F = \{-3, 1, 1\}$ , приложенной в точке  $A(1, 2, -1)$ , относительно точки  $B(1, 3, 1)$ .
9. Построить прямую в пространстве  $\frac{x+2}{-3} = \frac{y-2}{4} = \frac{z+3}{0}$ .
10. Найти угол между прямыми на плоскости:  $x - y = 0$ ,  $2x + y - 1 = 0$ . Построить прямые.
11. Построить треугольник с вершинами  $A(-1, 3, 1)$ ,  $B(2, 1, 0)$ ,  $C(5, 4, 2)$ . Найти уравнение плоскости, проходящей через точки  $A, B, C$ .

12. Написать каноническое уравнение прямой, проходящей через точку  $M_0(2, -3, -4)$

параллельно прямой 
$$\begin{cases} x + y - z + 2 = 0, \\ x - y + 2z - 1 = 0. \end{cases}$$

13. Выяснить тип линии и построить ее:  $\frac{(x+2)^2}{16} - \frac{(y-1)^2}{9} = 1$ .

14. Выяснить тип линии и построить:  $2y = x^2 + 6x + 4$ .

15. Исследовать на непрерывность и найти точки разрыва функций  $y = \frac{\operatorname{tg}x}{x}$ .

16. Найти асимптоты графика функции  $y = \frac{x-3}{x+4}$ .

17. Вычислить  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 5}{5x^3 + 2x - 3}$ ,  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 4x}{\operatorname{tg} 3x}$ ,  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{x^2}{1 - \cos 4x}$ ,  $\lim_{x \rightarrow 2} (3-x)^{\frac{1}{2(x-2)}}$ ,  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 - 4}}{2x - 4}$ .

18. Вычислить неопределенные интегралы:

$$\int 4^{2-3x} dx; \int \frac{x dx}{\sqrt{x^2 + 1}}; \int \frac{x dx}{2x^2 + 9}; \int \frac{dx}{(2x-3)^5}; \int \frac{e^x dx}{e^x + 1}; \int x \sin(1-x^2) dx; \int \frac{\ln^2 x}{x} dx; \int \frac{dx}{x^3 - x^2};$$

19. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = e^x$ ,  $y = e^{-x}$ ,  $x = 1$ .

20. Вычислить несобственный интеграл  $\int_0^{\infty} e^{-x} dx$ .

### 3.7 Перечень типовых практических заданий к зачету (для оценки навыков и опыта деятельности)

1. Доказать, что бесконечно малые при  $x \rightarrow 0$  функции  $\frac{x}{2}$  и  $\sqrt{1+x} - 1$  эквивалентны.
2. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями  $x^2 + y^2 = 1$ ,  $y = 0$ ,  $y = x$ , посредством двойного интеграла.

### 3.8 Перечень теоретических вопросов к экзамену (для оценки знаний)

Раздел 7. Комплексные числа

- 7.1. Мнимая единица. Комплексные числа в алгебраической форме. Основные понятия: вещественная, мнимая части, комплексно-сопряженные числа, взаимно - противоположные числа. Геометрическая интерпретация комплексного числа.
- 7.2. Действия над комплексными числами в алгебраической форме.
- 7.3. Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа.
- 7.4. Формулы Эйлера.
- 7.5. Действия над комплексными числами в тригонометрической форме.
- 7.6. Действия над комплексными числами в показательной форме.

Раздел 8. Дифференциальные уравнения и системы

- 8.1. Основные понятия теории дифференциальных уравнений: дифференциальное уравнение и его порядок, решение, интегральная кривая, частное и общее решение, особое решение.
- 8.2. Задача Коши для дифференциального уравнения 1-го порядка, геометрическая интерпретация. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Понятие частного, общего, особого решения.
- 8.3. Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными, однородные, линейные, Бернулли, в полных дифференциалах.
- 8.4. Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Частное и общее решение.



Геометрическая интерпретация задачи Коши для дифференциального уравнения второго порядка.

- 8.5. Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка.
- 8.6. Линейные дифференциальные однородные (ЛОДУ) и неоднородные (ЛНДУ) уравнения высших порядков. Структура общего решения ЛОДУ.
- 8.7. Системы дифференциальных уравнений: общее и частное решение, задача Коши, каноническая и нормальная системы. Метод исключения. Системы ЛОДУ с постоянными коэффициентами матрично-векторный метод, метод исключения, комбинированный метод (матричный, исключения).

#### Раздел 9. Функции нескольких переменных

- 9.1. Понятие функции нескольких переменных. Область определения и значений. Графики. Поверхности 2-го порядка. Цилиндрические и конические поверхности. Предел, непрерывность.
- 9.2. Частные приращения, частные производные. Частные производные высших порядков. Теорема о независимости результата дифференцирования от порядка дифференцирования.
- 9.3. Дифференцируемость функции нескольких переменных. Достаточные условия дифференцируемости.
- 9.4. Полное приращение, полный дифференциал, его связь с частными производными. Геометрический смысл полного дифференциала функции двух переменных. Инвариантная форма дифференциала применение дифференциала к приближенным вычислениям. Уравнение касательной и нормали к поверхности.
- 9.5. Дифференцирование сложных, неявных функций нескольких переменных.
- 9.6. Экстремумы функций нескольких переменных. Необходимые и достаточные условия существования.
- 9.7. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области.
- 9.8. Скалярное поле, поверхности и линии равного уровня. Производная по направлению. Градиент скалярного поля, его инвариантное определение, свойства.

#### Раздел 10. Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы

- 10.1. Общая схема интеграла. Понятие двойного, тройного, криволинейного, поверхностного интегралов. Необходимое условие интегрируемости. Классы интегрируемых функций. Механический, геометрический смысл.
- 10.2. Двойной интеграл, его свойства, вычисление в декартовых координат. Приложения двойных интегралов. Замена переменных в двойном интеграле. Двойной интеграл в полярных координатах.
- 10.3. Тройной интеграл, его свойства, вычисление в декартовых координат. Замена переменных в тройном интеграле. Тройной интеграл в цилиндрических и сферических координатах. Приложения тройных интегралов.
- 10.4. Криволинейные интегралы первого и второго рода, их свойства, вычисление, приложения.
- 10.5. Формула Грина. Вычисление площадей с помощью криволинейных интегралов второго рода. Условия независимости криволинейного интеграла второго рода от пути интегрирования.

#### Раздел 11. Элементы комбинаторики и теории множеств.

- 11.1. Предмет теории вероятностей. Элементы комбинаторики.

#### Раздел 12. Случайные события

- 12.1. Случайные события, действия над ними и классификация в терминах теории вероятностей и теории множеств. Алгебра событий и ее основные законы.

- 12.2. Различные подходы к определению вероятности событий. Частота событий. Классическое, статистическое определение вероятности. Геометрическая вероятность. Свойства вероятности.
- 12.3. Совместные и несовместные события. Теоремы сложения вероятностей.
- 12.4. Условная вероятность. Зависимые и независимые события. Теоремы умножения.
- 12.5. Формула полной вероятности. Формулы Байеса.
- 12.6. Вероятность появления хотя бы одного события.
- 12.7. Последовательность независимых испытаний Бернулли. Формула Бернулли.

Раздел

### Раздел 13. Случайные величины

- 13.1. Случайные величины (СВ). Формы закона распределения дискретной случайной величины (ДСВ): ряд и многоугольник распределения, функция распределения, аналитическое задание. Формы закона распределения непрерывной случайной величины (НСВ): функции и плотность распределения, их смысл, свойства.
- 13.2. Основные числовые характеристики СВ: мода, медиана, математическое ожидание, дисперсия. Их свойства, вычислительные формулы, статистический и механический смысл. Вероятность СВ принять конкретное значение и попасть в интервал.
- 13.3. Начальные и центральные моменты высших порядков. Эксцесс и коэффициент асимметрии.
- 13.4. Классические законы распределения ДСВ: биномиальный, Пуассона (закон редких явлений) геометрическое и гипергеометрическое распределение. Их основные характеристики. Примеры задач, приводящих к указанным распределениям.
- 13.5. Законы распределения НСВ: равномерное, показательное распределение, нормальный закон распределения. Основные характеристики. Сфера применимости указанных законов.
- 13.6. Вероятность попадания нормально распределенной СВ в заданный интервал. Правило трех сигм.

### 3.9 Перечень типовых простых практических заданий к экзамену (для оценки умений)

1. Изобразить геометрически:  $z_1 = 1 + i$ ,  $z_2 = -3 + 7i$ ,  $z_3 = 2$ . Вычислить  $z_3^8$ ,  $z_1 - z_2$ .
2. Выделить действительную и мнимую части комплексного числа  $\frac{6}{-i + 7}$ .
3. Вычислить:  $\sqrt{1+i}$ ,  $\left(\cos\frac{\pi}{2} + i\sin\frac{\pi}{2}\right) \cdot (1+i)^6$ .
4. Решить линейные однородные дифференциальные уравнения:
  - а)  $y'' - y = 0$ ;
  - б)  $y'' + 2y' + y = 0$ ;
  - в)  $y''' + 4y'' + 13y' = 0$ .
5. Решить дифференциальные уравнения первого порядка:

$$(1 + e^x)yy' = e^x; \quad y' + 2y = e^{-x}; \quad 2x\sqrt{1-y^2} = y'(1+x^2); \quad y' + \frac{1}{3}y = \frac{1}{3y^2}; \quad y' = \frac{1+y^2}{1+x^2};$$

$$y' - \frac{y}{x} = -x, \quad y(1) = 0$$

6. Решить дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка:
  - а)  $xy'' = (1 + 2x^2)y'$ ;
  - б)  $y''' = 2^x + 1$ .

7. Вычислить  $\iint_D y \cos 2xy \, dx \, dy$ ;  $D: y = \frac{\pi}{2}, y = \pi, x = \frac{1}{2}, x = 1$ .

8. Изменить порядок интегрирования  $\int_{-1}^0 \int_0^{\sqrt{1-x^2}} f(xy) \, dx \, dy + \int_0^1 \int_0^{1-x} f(x, y) \, dx \, dy$ .

9. Вычислить  $\oint_L (xy + x + y)dx + (xy - y)dy$ , если  $L$  – контур треугольника с вершинами  $A(0,-1)$ ,  $B(4,3)$ ,  $C(-1,2)$ .
10. В партии из 10 деталей 7 стандартных. Найти вероятность того, что среди шести взятых наудачу деталей 4 стандартных.
11. Отдел технического контроля обнаружил 3 нестандартных детали в партии из 80 случайно отобранных деталей. Определить относительную частоту появления нестандартных деталей.
12. На плоскости начерчены две концентрические окружности, радиусы которых 5 и 10 см соответственно. Найти вероятность того, что точка, брошенная наудачу в большой круг, попадает в кольцо, образованное построенными окружностями. Предполагается, что вероятность попадания точки в плоскую фигуру пропорциональна площади этой фигуры и не зависит от ее расположения относительно большого круга.
13. Стрелок стреляет по мишени, разделенной на 3 области. Вероятность попадания в первую область равна 0.45, во вторую - 0.35. Найти вероятность того, что стрелок при одном выстреле попадет либо в первую, либо во вторую область.
14. В урне 5 белых, 4 черных и 3 синих шара. Каждое испытание состоит в том, что наудачу извлекают один шар, не возвращая его обратно. Найти вероятность того, что при первом испытании появится белый шар (событие А), при втором - черный (событие В) и при третьем - синий (событие С).
15. Вероятности попадания в цель при стрельбе из трех орудий таковы:  $p_1 = 0,8$ ;  $p_2 = 0,7$ ;  $p_3 = 0,9$ . Найти вероятность хотя бы одного попадания (события А) при одном залпе из всех орудий.
16. Имеется два набора деталей. Вероятность того, что деталь первого набора стандартна, равна 0.8, а второго - 0.9. Найти вероятность того, что взятая наудачу деталь (из наудачу взятого набора) - стандартная.
17. Детали, изготавливаемые цехом завода, попадают для проверки их на стандартность к одному из двух контролеров. Вероятность того, что деталь попадает к первому контролеру, равна 0.6, а ко второму - 0.4. Вероятность того, что годная деталь будет признана стандартной первым контролером, равна 0.94, а вторым - 0.98. Годная деталь при проверке была признана стандартной. Найти вероятность того, что эту деталь проверил первый контролер.
18. Вероятность того, что расход электроэнергии в продолжение одних суток не превысит установленной нормы, равна  $p = 0.75$ . Найти вероятность того, что в ближайшие 6 суток расход электроэнергии в течение 4 суток не превысит нормы.
19. Вероятность поражения мишени стрелком при одном выстреле  $p = 0.75$ . Найти вероятность того, что при 10 выстрелах стрелок поразит мишень 8 раз.
20. Вероятность того, что деталь не прошла проверку ОТК, равна  $p = 0.2$ . Найти вероятность того, что среди 400 случайно отработанных деталей окажется непроверенных от 70 до 100 деталей.
21. Вероятность того, что деталь не стандартна,  $p = 0.1$ . Найти вероятность того, что среди случайно отработанных 400 деталей относительная частота появления нестандартных деталей отклонится от вероятности  $p = 0.1$  по абсолютной величине не более чем на 0.03.
22. Найти математическое ожидание, дисперсию случайной величины  $X$ , зная закон ее распределения

$X$	3	5	2
$p$	0.1	0.6	0.3

23. Дискретная случайная величина  $X$  задана таблицей распределения

$X$	1	4	8
$p$	0.3	0.1	0.6

Найти функцию распределения и вычертить ее график.

### 3.10 Перечень типовых практических заданий к экзамену (для оценки навыков и (или) опыта деятельности)

1. Найти двойным интегрированием объем тела, ограниченного поверхностями:

$$z = x^2 + y^2 + 1, \quad x = 0, \quad y = 0, \quad z = 0, \quad x = 4, \quad y = 4.$$

2. Вычислить криволинейный интеграл непосредственно и по формуле Грина:

$$\oint_L (xy + x + y)dx + (xy + x - y)dy, \quad L: x^2 + y^2 = 4.$$

3. Монета брошена 2 раза. Написать в виде таблицы закон распределения случайной величины  $X$  - числа выпадений "герба".
4. Завод отправил на базу 5000 доброкачественных изделий. Вероятность того, что в пути изделие повредится, равно 0.0002. Найти вероятность того, что на базу придут 3 негодных изделия.
5. Среднее число вызовов, поступающих на АТС в одну минуту, равно двум. Найти вероятности того, что за 5 мин поступит: а) 2 вызова; б) менее двух вызовов; в) не менее двух вызовов. Поток вызовов предполагается простейшим.
6. Из орудия производится стрельба по цели до первого попадания. Вероятность попадания в цель  $p = 0.6$ . Найти вероятность того, что попадание произойдет при третьем выстреле.
7. Случайная величина задана плотностью распределения

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq -\frac{\pi}{2}, \\ a \cos x & \text{при } -\frac{\pi}{2} < x \leq \frac{\pi}{2}, \\ 0 & \text{при } x > \frac{\pi}{2}. \end{cases}$$

Найти коэффициент  $a$ .

8. Случайная величина  $X$  распределена по нормальному закону. Математическое ожидание и среднее квадратическое отклонение этой величины соответственно равны 30 и 10. Найти вероятность того, что  $X$  примет значение, принадлежащее интервалу (10, 50).

## 4 Методические материалы, определяющие процедуру оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

В таблице приведены описания процедур проведения контрольно-оценочных мероприятий и процедур оценивания результатов обучения с помощью оценочных средств в соответствии с рабочей программой дисциплины.

Наименование оценочного средства	Описания процедуры проведения контрольно-оценочного мероприятия и процедуры оценивания результатов обучения
Расчетно-графическая работа (РГР)	Преподаватель не менее, чем за две недели до срока защиты РГР должен сообщить каждому обучающемуся номер варианта РГР. Задания РГР выложены в электронной информационно-образовательной среде ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет. РГР должна быть выполнена в установленный преподавателем срок и в соответствии с требованиями к оформлению РГР (текстовой и графической частей), сформулированными в Положении «Требования к оформлению текстовой и графической документации. Нормоконтроль» № П.420700.05.4.092-2012 в последней редакции. РГР в назначенный срок сдаются на проверку. Преподаватель информирует обучающихся о результатах проверки работы через неделю после сдачи РГР. Если предусмотрена устная защита РГР, то обучающийся объясняет

	решение задач, указанных преподавателем и отвечает на его вопросы
Индивидуальное домашнее задание (ИДЗ)	Преподаватель не менее, чем за две недели до срока защиты ИДЗ должен сообщить каждому обучающемуся номер варианта. Задания выложены в электронной информационно-образовательной среде ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет. ИДЗ должно быть выполнено в установленный преподавателем срок. ИДЗ в назначенный срок сдаются на проверку. Преподаватель информирует обучающихся о результатах проверки работы через неделю после сдачи ИДЗ
Контрольная работа (КР)	Контрольные работы, предусмотренные рабочей программой дисциплины, проводятся во время практических занятий. Вариантов КР по теме не менее двух. Преподаватель на практическом занятии, предшествующем занятию проведения КР, доводит до обучающихся: тему КР, количество заданий в КР, время выполнения КР. Преподаватель информирует обучающихся о результатах проверки работы на следующем занятии после проведения контрольно-оценочного мероприятия
Конспект	Преподаватель не менее, чем за неделю до срока выполнения конспекта должен довести до сведения обучающихся тему конспекта и указать необходимую учебную литературу. Темы и перечень необходимой учебной литературы выложены в электронной информационно-образовательной среде ИрГУПС, доступной обучающемуся через его личный кабинет. Конспект должен быть выполнен в установленный преподавателем срок. Конспекты в назначенный срок сдаются на проверку

Для организации и проведения промежуточной аттестации (в форме зачета/экзамена) составляются типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы:

- перечень теоретических вопросов к зачету/экзамену для оценки знаний;
- перечень типовых простых практических заданий к зачету/экзамену для оценки умений;
- перечень типовых практических заданий к зачету/экзамену для оценки навыков и (или) опыта деятельности.

Перечень теоретических вопросов и перечни типовых практических заданий разного уровня сложности к зачету/экзамену обучающиеся получают в начале семестра через электронную информационно-образовательную среду ИрГУПС (личный кабинет обучающегося).

#### **Описание процедур проведения промежуточной аттестации в форме зачета и оценивания результатов обучения**

При проведении промежуточной аттестации в форме зачета преподаватель может воспользоваться результатами текущего контроля успеваемости в течение семестра. Оценочные средства и типовые контрольные задания, используемые при текущем контроле, позволяют оценить знания, умения и владения навыками/опытом деятельности обучающихся при освоении дисциплины. С целью использования результатов текущего контроля успеваемости, преподаватель подсчитывает среднюю оценку уровня сформированности компетенций обучающегося (сумма оценок, полученных обучающимся, делится на число оценок).

#### **Шкала и критерии оценивания уровня сформированности компетенций в результате изучения дисциплины при проведении промежуточной аттестации в форме зачета по результатам текущего контроля (без дополнительного аттестационного испытания)**

Средняя оценка уровня сформированности компетенций по результатам текущего контроля	Оценка
Оценка не менее 3,0 и нет ни одной неудовлетворительной оценки по текущему контролю	«зачтено»

Оценка менее 3,0 или получена хотя бы одна неудовлетворительная оценка по текущему контролю

«не зачтено»

Если оценка уровня сформированности компетенций обучающегося не соответствует критериям получения зачета без дополнительного аттестационного испытания, то промежуточная аттестация в форме зачета проводится в форме собеседования по перечню теоретических вопросов и типовых практических задач (не более двух теоретических и двух практических). Промежуточная аттестация в форме зачета с проведением аттестационного испытания в форме собеседования проходит на последнем занятии по дисциплине.

### Описание процедур проведения промежуточной аттестации в форме экзамена и оценивания результатов обучения

Промежуточная аттестация в форме экзамена проводится путем устного собеседования по билетам. Билеты составлены таким образом, что в каждый из них включал в себя теоретические вопросы и практические задания.


Билет содержит: два теоретических вопроса для оценки знаний. Теоретические вопросы выбираются из перечня вопросов к экзамену; три практических задания: два из них для оценки умений (выбираются из перечня типовых простых практических заданий к экзамену); третье практическое задание для оценки навыков и (или) опыта деятельности (выбираются из перечня типовых практических заданий к экзамену).

Распределение теоретических вопросов и практических заданий по экзаменационным билетам находится в закрытом для обучающихся доступе. Разработанный комплект билетов (25-30 билетов) не выставляется в электронную информационно-образовательную среду ИрГУПС, а хранится на кафедре-разработчике ФОС на бумажном носителе в составе ФОС по дисциплине.

На экзамене обучающийся берет билет, для подготовки ответа на экзаменационный билет обучающемуся отводится время в пределах 45 минут. В процессе ответа обучающегося на вопросы и задания билета, преподаватель может задавать дополнительные вопросы.

Каждый вопрос/задание билета оценивается по четырехбалльной системе, а далее вычисляется среднее арифметическое оценок, полученных за каждый вопрос/задание. Среднее арифметическое оценок округляется до целого по правилам округления.

### Образец экзаменационного билета

 <p>ИрГУПС 2020-2021 уч. год</p>	<p>Экзаменационный билет № 1 по дисциплине «Математика»</p> <p>ЭТТп</p> <p>II семестр</p>	<p>Утверждаю: Заведующий кафедрой «Математика» ИрГУПС</p> <p>_____</p>
<p>1. Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка. 2. Совместные и несовместные события. Теоремы сложения вероятностей. 3. Вычислить: <math>\sqrt{1+i}</math>, <math>\left(\cos\frac{\pi}{2} + i\sin\frac{\pi}{2}\right) \cdot (1+i)^6</math>. 4. Вычислить криволинейный интеграл непосредственно и по формуле Грина: <math display="block">\oint_L (xy + x + y)dx + (xy + x - y)dy, \quad L: x^2 + y^2 = 4.</math> 5. Вероятность поражения мишени стрелком при одном выстреле <math>p = 0.75</math>. Найти вероятность того, что при 10 выстрелах стрелок поразит мишень 8 раз.</p>		